



Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.  
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di  
Firenze.  
CFMAGL. 1.6.325





Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.  
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di  
Firenze.  
CFMAGL. 1.6.325





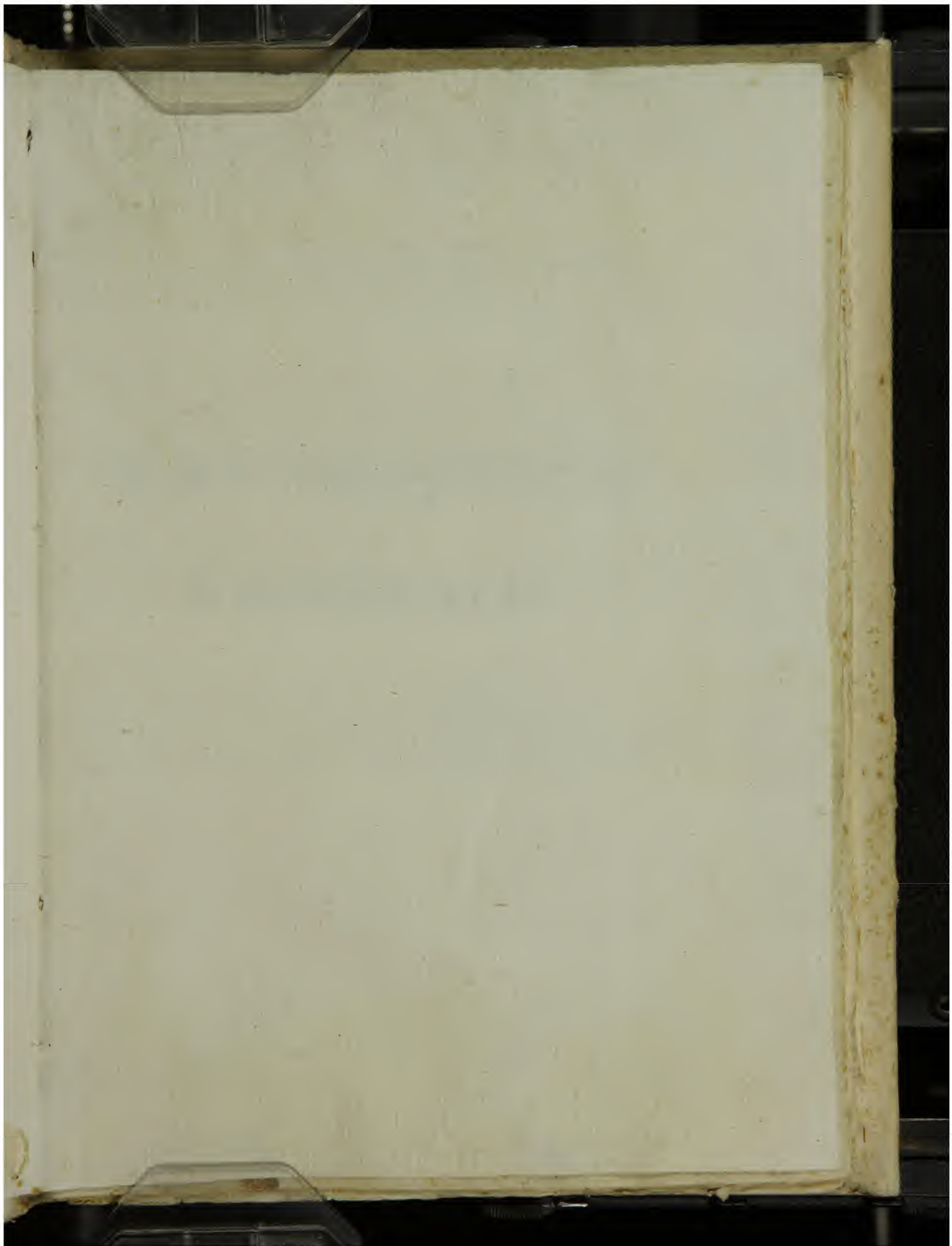
Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.  
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di  
Firenze.  
CFMAGL. 1.6.325



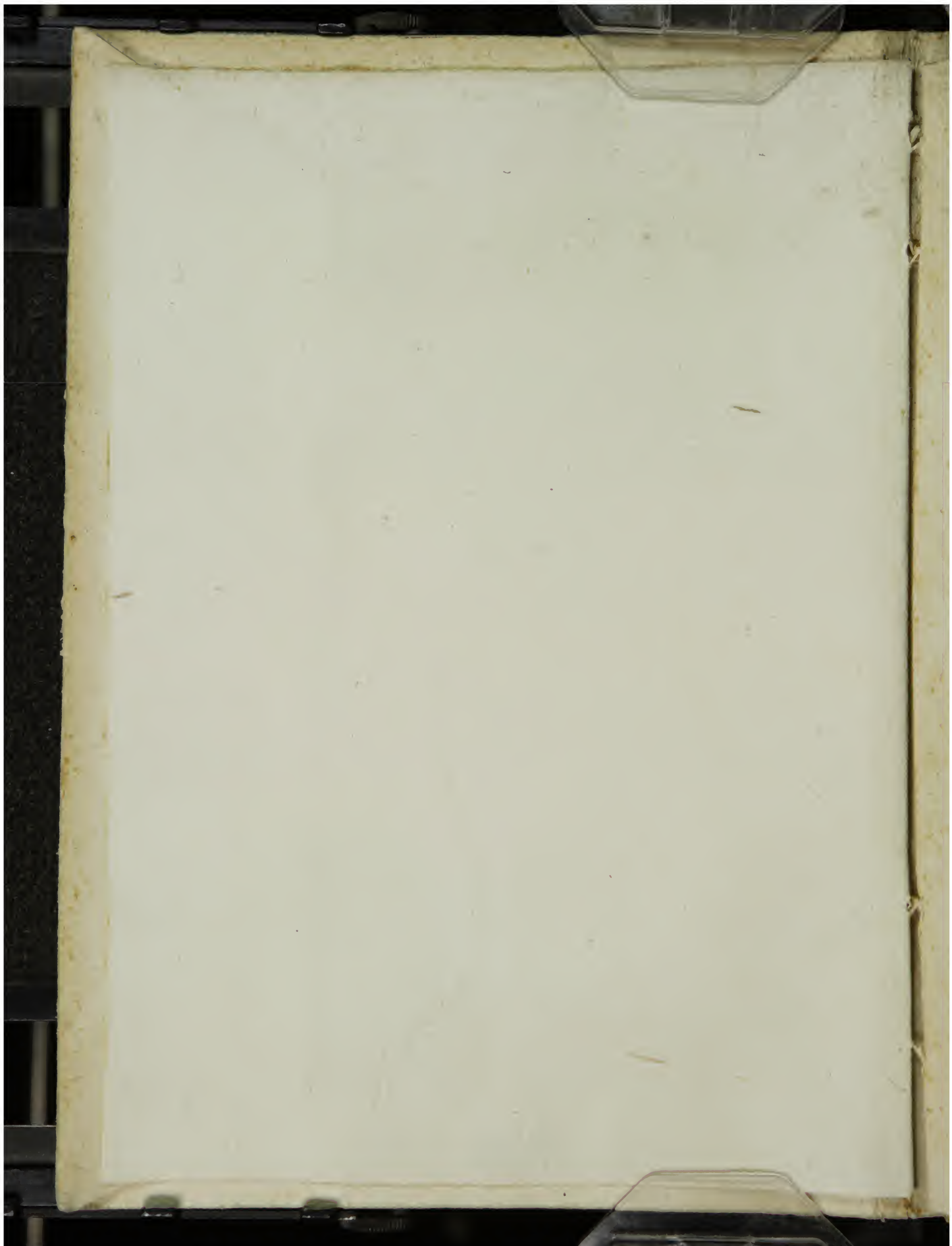
Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.  
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di  
Firenze.  
CFMAGL. 1.6.325

1 K.6

1.6.325







ARITHMETICA  
RATIONALIS.

*Men*

XI MENG



ARITHMETICA  
RATIONALIS.

ARITHMETICÆ  
RATIONALIS  
ELEMENTA QVATVOR  
PETRI MENGOLI

*Prioris S. Magd. I. V. & Art. D. Colleg.  
& Mechanici Bononien.*



BONONIÆ, M. DC. LXXIV.

---

Typis Hæredis Victoriæ Benatij. Superiorum permissu.



ARITHMETICÆ

RATIONALES

ELEMENTA QVATOR

PETRI MENGOII

Præfatus a M. G. A. N. D. D. Collegio  
S. Hieronymi Bononiensi

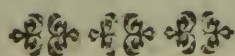


EDITIONE II. SECUNDÆ

Amstelædami, Apud Iohannem Blaeuwium, 1659.

Seneca ad Lucil. Epist. 90.

**R**em utilem desideras, & ad sapientiam properanti utique necessariam, diuidi Philosophiam, & ingens corpus eius in membra disponi. Facilius enim per partes, in cognitionem totius adducimus. Et infra. Philosophiam in partes, non in frusta diuidam. Diuidi enim illam, non concidi utile est. Nam comprehendere quemadmodum maxima, ita & minima, difficile est. Describitur in tribus populus, in centurias exercitus. Quidquid in maius creuit, facilius agnoscitur, si discessit in partes: quas (ut dixi) innumerabiles esse, & paucas non oportet. Idem enim vitij habet nimia, quod nulla diuisio. Simile confuso est, quidquid vsque in puluerem sectum est.







Berous vol. i. Consil. 100. num. 4.

DOCTORI BENE DISTINGVENTI

CREDENDVM EST,

CVM

*secundum Senecam,*

BENE DISTINGVENS PROXIMVS

SIT VERITATI.



Præ-

## Præmonitio ad Lectorem.



Vidam nostra intelligunt, pauci admodum; quidam non intelligunt, plurimi. Sed ex his aliqui viuidioris, & subtrilioris Minervæ, si non superbè saperent, si non per saltum, neque cursim, sed humiliter, patienter, attentè legerent, proculdubio intelligerent; ij præsertim, qui Mathematicæ discendi methodo assueuerunt: nam in singulis nostris, disciplinæ fecunditas infinita, est intelligibilitatis argumentum irrefragabile. Qui si nolunt: quod sibi sentiant obscura esse, quæ tradimus; non vitio nostro vertant. Nam & Iurisprudentum dicta, & Medicorum textualium, sibi ipsis, antequam assuescerent, pariter videbantur obscura esse. Deinde meminerint hosce libros à nobis, aut nullo, aut vili pretio habuisse. Neque enim putauimus in vulgus vendenda esse, quæ paucis permissum est intelligere. Alijs verò, qui nec possunt nostra hæc sublimiora noua intelligere (nam ne in quorumlibet manus veniant, impossibile est prohibere) si qui forte sperabant, alleciti titulo libelli, sibi tradi quidquam ex Arithmetica numerali; appendicula hic satisfaciam non contemnenda.

### Problema Arithmeticum.

**I** Nuenire tres quadratos, vt duorum quorumlibet interuallum sit quadratus, & interuallum laterum ex duobus quibuslibet sit etiam quadratus.

Aliud



## Aliud Problema Arithmeticum.

**Q**uatuor numeros inuenire, quorum primus ad secundum, maior sit, quam tertius ad quartum: vt summa quadratorum primi, & secundi, sit quadratus; & summa quadratorum tertij, & quarti, sit quadratus; & productus ex quatuor sic inuentis, sit quadratus.

Fiat tabula ex duabus columnis, vt bini numeri sint è regione, in vna, & in altera columna, quorum summa quadratorum quadratus. In prima ergo columna sunt omnes numeri à ternario, 3, 4, 5, 6, & deinceps. In secunda columna sunt 4, 3, 12, 8, & deinceps, vt infra, Initium tabulæ est huiusmodi.

3	4
4	3
5	12
6	8

Porro in secunda columna alterni à primo sunt, vt 1 ad 3, vt 2 ad 4, vt 3 ad 5, vt 4 ad 6, & deinceps; nempe 4, 12, 24, 40, 60: reliquorum alterni à secundo sunt, vt 1 ad 5, vt 3 ad 7, vt 5 ad 9, vt 7 ad 11, & deinceps; nempe 3, 15, 35, 63, 99: reliqui à quarto sunt, vt 1 ad 3, vt 2 ad 4, vt 3 ad 5, vt 4 ad 6, & deinceps; nempe 8, 24, 48, 80, 120, dupli alternorum à primo.

Rursum ex antecedentibus in prima columna. fiunt eorum, consequentes in secunda, his regulis. Si antecedens est impar; proximi minor semisse, & maior toto, producant consequentem: si antecedens est 7; ex 3, & 8, productus 24, est consequens: si antecedens est 9; ex 4, & 10, productus 40, est consequens. Si antecedens est par, proximi minor, & maior semisse, producant consequentem: si antece-



tecedens est 10; ex 4, & 6, productus 24, est consequens:  
 si antecedens est 16; ex 7, & 9, productus 63, est conse-  
 quens.

His addo quod si antecedens est impar, summa quadrato-  
 rum antecedentis, & consequentis, est quadratus à latere,  
 unitate maiore, quam sit consequens: ita summa quadra-  
 torum 7 antecedentis, & 24 consequentis, est quadratus  
 à 25; & summa quadratorum 9 antecedentis, & 40 conse-  
 quentis, est quadratus à 41. Sed si antecedens est par, sum-  
 ma quadratorum antecedentis, & consequentis, est qua-  
 dratus à latere binario maiore, quam sit consequens: ita,  
 summa quadratorum 10 antecedentis, & 24 consequentis,  
 est quadratus à latere 26; & summa quadratorum 16 ante-  
 cedentis, & 63 consequentis, est quadratus à 65.

Oportet autem hanc tabulam ita conscribere, ut nonnisi  
 primi numeri appareant: nempe, aut ipsi, si sunt primi,  
 aut ex quibus primis ipsi sunt compositi. Et erit initium  
 tabulæ huiusmodi

3.	2, 2.
2, 2.	3.
5.	2, 2, 3.
2, 3.	2, 2, 2.
7.	2, 2, 2, 3.
2, 2, 2.	3, 5.
3, 3.	2, 2, 2, 5.
2, 5.	2, 2, 2, 3.
11.	2, 2, 3, 5.
2, 2, 3.	5, 7.
13.	2, 2, 3, 7.
2, 7.	2, 2, 2, 2, 3.
3, 5.	2, 2, 2, 2, 7.
2, 2, 2, 2.	3, 3, 7.
17.	2, 2, 2, 2, 3, 3.
2, 3, 3.	2, 2, 2, 2, 5.
19.	2, 2, 3, 3, 5.
	2, 2, 5.



2, 2, 5.	3, 3, 11.
3, 7.	2, 2, 5, 11.
2, 11.	2, 2, 2, 3, 5.
23.	2, 2, 2, 3, 11.
2, 2, 2, 3.	11, 13.
5, 5.	2, 2, 2, 3, 13.
2, 13.	2, 2, 2, 3, 7.
3, 3, 3.	2, 2, 7, 13.

quæ poterit in infinitum produci.

Iam ergo tentando, quisque poterit inuenire facile quatuor numeros non proportionales, binos, & binos, quorum productus quadratus. Huiusmodi autem duo tantum sunt exempla in tabula, quatenus vt supra producta. Nam quatuor non proportionales, duo, antecedens 2, 2, 3, & consequens 5, 7, & duo, antecedens 3, 5, & consequens 2, 2, 2, 7, producant quadratum; nempe 12, 35, 15, 112. Item quatuor non proportionales, duo, antecedens 13, & consequens 2, 2, 3, 7; & duo, antecedens 3, 3, 3, & consequens 2, 2, 7, 13, producant quadratum; nempe 13, 84, 27, 364.

Quare quatuor numeri 112, 15, 35, & 12, solunt secundum problema. Nam 112 ad 15, maior est, quam vt 35 ad 12. Et summa quadratorum 112, & 15, est quadratus 113. Et summa quadratorum 35, & 12, est quadratus 37. Et productus ex quatuor 112, 15, 35, 12, est quadratus producti ex 2, 2, 2, 3, 5, 7, nempe 840. Item si vice 112, & 15, sumantur æque proportionales; & vice 35, & 12, æque proportionales, tum alterutrumque, tum vtrumque sumpti, variant & æquè solunt problema.

Similiter quatuor numeri 364, 27, 84, & 13, solunt idem problema. Nam 364, ad 27, maior est, quam 84 ad 13; & summa quadratorum 364, & 27, est quadratus 365; & summa quadratorum 84, & 13, est quadratus 85. Et productus ex 364, 27, 84, 13, est quadratus producti ex 2, 2, 3, 3, 7, 13, nempe 3277. Item æque proportionales 364, & 27,



& 27, aut 84, & 13, alterutrumque, vel vtrumque substituti, variant, & æque soluunt problema.

Possunt ergo tentando, in tabula in infinitum producta, quatuor numeri inueniri, primus, secundus, tertius, & quartus,  $p, s, t, q$ : quorum  $p$  ad  $s$ , maior sit, quam  $t$  ad  $q$ : & quorum  $p^2 + s^2$  quadratus; &  $t^2 + q^2$  quadratus; &  $pstq$  quadratus. Possunt etiam variari, per æque proportionalium sumptiones, ad eiusdem solutionem problematis  $3p, 3s, 2t, 2q$ ; aut  $5p, 5s, 7t, 7q$ , & aliter quocunque modo.

Pro solutione autem primi problematis, oportet quatuor huiusmodi numeros inuenire, quorum primus maximus omnium. Nam semidifferentia inter aggregatum quadratorum, à producto primi, & tertij, & producto secundi, & quarti, & aggregatum quadratorum, à producto primi, & quarti, & producto secundi, & tertij, est minimus quidam numerus: cui additus quadratus differentiarum productorum à primo, & quarto, & à secundo, & tertio, facit medium, quemdam numerum: & cui medio additus quadruplus productus à primo, secundo, tertio, & quarto, facit maximum numerum: quorum minimi, medij, & maximi, tres quadrati soluunt primum problema.

Minimus inquam numerus est  $p^2t^2 + s^2q^2 - p^2q^2 - s^2t^2$  (2). Minimo additus  $p^2q^2 - 2pstq + s^2t^2$ , facit medium. Medio additus  $4pstq$ , facit maximum. Quorum ex constructione patet minimi, & medij differentiam esse quadratum à radice  $pq - st$ . Et quia  $pstq$ , est quadratus ex hypothesi, patet  $4pstq$ , esse quadratum, differentiam medij, & maximi. Et est minimi, & maximi differentia  $p^2q^2 + 2pstq + s^2t^2$ , quadratus à radice  $pq + st$ .

Rursum minimi & medij, summa est  $p^2t^2 - 2pstq + s^2q^2$ , quadratus à radice  $pt - sq$ . Minimi, & maximi, summa est  $p^2t^2 + 2pstq + s^2q^2$ , quadratus à radice  $pt + sq$ . Medij, & maximi summa est,  $p^2t^2 + s^2q^2 + p^2q^2 + s^2t^2$ ,  
pro-



productus à  $p \ 2 \div s \ 2$  quadrato, per  $t \ 2 \div q \ 2$ , quadratum, & ipse quadratus.

Sed quorum summa, & differentia sunt quadrati, eorum à summa, & differentia productus, differentia est quadratorum, & ipse quadratus. Ergo minimi, & medij; minimi, & maximi; medij, & maximi, differentia quadratorum, sunt quadrati: & à minimo, medio, & maximo sic vt supra inuentis, tres quadrati soluunt primum problema.

Itaque pro quatuor numeris secundi problematis 112, 15, 35, 12, tres numeri sunt 6658419½, 7329180½, 10151580½; vel eorum quadrupli 26633678, 29316722, 40606322, quorum quadrati, satisfaciunt primo problemati.

Itē pro quatuor numeris secundi problematis 364, 27, 84, 13, tres numeri sunt 453739664½, 459810960½, 502739664½; vel eorum quadrupli 1814958658, 1839243842, 2010958658, quorum quadrati, satisfaciunt primo problemati.




PRÆ



Illustrissimo, & Sapientissimo Viro  
D. ANTONIO MALIABECHI,  
Serenissimi Magni Etruriæ Ducis  
Bibliothecario,

Domino suo maximè recolendo,

Petrus Mengolus Mechanicus Bonon. S. D.

 *P*us capi grande nimis, Vir Illustriss. & Sapientissime, cum me imparem nunc primum sentio, cum mihi contigit experiri, non esse bonum hominem esse solum: postquam Illustrissimus D. meus Hercules de Zanis Nob. Bonon. ad indulgentias Romam peregrinatus, in solitudine S. Magdalene me dereliquit.

2 *Vita hominis, Astrologorum mensura, quadrantalis, ad nonagesimum videtur extendi gradum: augeri usque ad quadragesimum quintum, deinde minui. Quadragesimus quintus annus virium est aux, & vitæ.*

3 *Muscam, & Annum ante, & prope auge[m] scripsi, & hanc Arithmeticam meditabundus capi: sed perficere post auge[m] solus non valeo. Et licet mihi genius esset, & ingenium Atlantis, non tamen sine Hercule systema mundi portatem.*

4 *Deinde hominibus nihil fidendum, valetudini obnoxius, & furtivæ morti: qui alijs etiam, præter studia, negotijs, civili necessitudine distenduntur, & diuagantur.*

5 *Porro ne contingat labores nostros in rei litterariæ profectum publicum susceptos, inopinato casu perire, conueniens iudicavi, tibi, Vir Illustrissime, communicare: qui & propria indole ad bonas artes affectus bene, & ex officio aptè tibi à Serenissimis Principibus commisso, studiosorum labores colligis, & conservas.*

6 *Sunt autem huiusmodi communicationis partes, & præfationes ad Arithmeticam Realem tres. Prima Logica de inuentione,*  
a *bucuf-*



bucusque perfecta, & consummata, quam immutare non est possibile, totam regulans compositionem.

- 7 *Alia duæ de ipsa compositione sunt. Secunda Metaphysica, de rebus prima, secunda, tertia, alijsque, & de re nouissima, super tractatu iam conscripto, & partim prælo commisso, partim propemodum committendo, parum, vel nihil immutando.*
- 8 *Tertia est Phisica, super tractatibus nondum per extensum conscriptis, & præter ea, quæ in Musica, & Anno contemplabamur, adhuc in meditatione nostra inordinatis, & dubijs.*

### PRÆFATIO LOGICA.

- 9 **T** *Risariam sunt, quæ cognoscimus; sensibilia, intelligibilia, & diuina: sensibilia, dubitanter, intelligibilia, euidenter; diuina, ineuidenter, & indubitanter, Deo scilicet reuelante, perspicimus.*
- 10 *Intelligibilia sunt, numerus, & ordo; ratio, & proportio; duratio, & tempus; locus, & situs; quantitas, & figura; pondus, & resistentia; momentum, & motus: de quibus disciplinae sunt euidentes, Arithmetica, Logica, Geometria, Mechanica.*
- 11 *Intelligibilium vsus duplex: alter, ad sensibilia, minus dubitanter; alter, ad diuina, minus ineuidenter cognoscenda.*
- 12 *In priori vsu, conceptum intelligibilem rei sensibili affingimus: perquirimus. euidentes illius proprietates: quæ si fortè non respondent rei apparentijs, illo conceptu dimisso, alium fingimus; donec aliquem possimus reperire, cuius proprietates, omnibus rei apparentijs conueniant.*
- 13 *Sed non est possibile, de re sensibili, tollere omnem prorsus dubitationem: tum quia non omnem aduertere possumus cuiusque rei apparentiam; tum quia in singulis apparentijs, inter præcisè, & præter propter hæsitamus.*
- 14 *Hac nihilominus methodo, multum profecerunt Astronomi, Musici, Optici, qui sensibiles res, minus dubitanter cognouerunt, & longè minus, quam Physici, qui sine intelligibilium vsu conceptuum, sensibilia pertractant.*

15. *Vsum*



- 15** *Vsum posteriorem, saltem in tractatu pleno non legi: quem tamen, ex diuina autoritate, possibilem esse cognoui. Sap. 13. 5.*  
**A** magnitudine enim speciei, & creaturæ, cognoscibiliter poterit creator horum videri. *Et Rom. p. 20.* Inuisibilia Dei, à creatura mundi, per ea, quæ facta sunt, intellecta, conspiciuntur: sempiterna quoque eius virtus, & diuinitas. Magnitudo enim genus quoddam intelligibilium est: & ipsa intelligibilia oportet esse, per quæ intellecta, Deus cognoscitur.
- 16** *Immo & hunc posteriorem vsum, illo priori faciliorem esse. Sap. 13. 9.* Si enim homines tantum potuerunt scire, vt possent æstimare sæculum: quomodo huius Dominum non facilius inuenerunt?
- 17** *Dua autem sunt illius prioris vsus difficultates. Sap. 9. 14. Vna.* Cogitationes mortalium timidæ, & incertæ prouidentia nostræ: nempe dubietas applicationis rei intelligibilis ad rem sensibilem. *Altera.* Corpus, quod corrumpitur, aggrauat animam, & terrena inhabitatio deprimat sensum multa cogitantem: idest multitudinem eorum, quæ in re sensibili concurrunt obseruanda. Ideoque difficile æstimamus quæ in terra sunt; & quæ in prospectu sunt, inuenimus cum labore.
- 18** *Huius ergo posterioris vsus, dua opposita sunt facultates: vna, ex parte certitudinis diuinorum, quæ indubitanter cognoscimus; altera ex parte paucitatis, quorum cognitio, argumento à posteriori, deducitur in consequentiam.*
- 19** *Quibus tertia potissima facultas accedit, ex diuina reuelatione. Iis enim, qui in diuinorum nocte arcanorum, naturali euidencia intelligibilium, tanquam lucernæ lumine, vt volunt, facientibus, quod in se à Deo est, Deus non denegat gratiam fidei, ex qua etiam viuere possint.*
- 20** *Nos verò Catholica Romana fide instructi, tanquam Sole inter nebulas affulgente, nihil horum intelligibilium indigemus: per scripturas enim canonicas, & Sanctorum Patrum doctrinam, longe plus prouisum est nostræ imbecillitati, quam per humanas disciplinas possit.*
- 2 2
- 21 Sed



- 21 Sed ad oves, quas habet bonus Pastor, quæ non sunt ex hoc ovili, adducendas aliunde, intelligibilibus omnium gentium verbis utendum est, convenienter; exemplo etiam in Chinesis Ecclesiæ fundatione nouissimo: ut possibiles, & captui faciles fidei articulos primùm perspiciant; deinde velint ipsam Pastoris vocem audire.
- 22 Et nunc maximè, quando & alieni quidam, & ex nobis ipsis, exurgunt lupi rapaces, non parcentes gregi, qui & nostras oves conantur subvertere, mechanica instruunt molimina, rerumque systemati affingentes: quibuscum diuinus videtur sermo impossibilis, vel certè durus.
- 23 Quinimò & nostris Sacerdotibus, & Theologis, euentiæ naturalis, quæ per solas puras Mathematicas acquiritur, ignorantiam obiectare non verentur; manifestosque errores Philosophorum: quorum placitis, nostri, ad explicandos fidei articulos utuntur.
- 24 Ego itaque seruus Dominus N. Iesu, vocatus Mechanicus, multorum in hoc vnum argumentum annorum studia contuli, ut systema rerum omnium ordinarem: quocum, per ea, quæ facta sunt, intellecta, possibile superueniat Euangelium, & facile.
- 25 Methodum ab Astronomo accepi. Supponit ille suas aliquas, & proauorum observationes, de aliquo planeta: concipit deinde aliquam intelligibilem regulam motus: conceptum, propositi planetae motui affingit: examinat, si potest, suppositas observationes probare calculo, ex afficto conceptu; si non potest, mutat conceptum, donec aliquem aptissimum omnium conceptum inuenire possit, pro tali examine: pari deinde calculo, ex eodem ultimo conceptu afficto, æstimat sæculum, & futuras prædicit observationes, ad usum pronepotum satis valituras. Nam à quot annis fundata est astronomica moles, ad totidem solet annos permanere.
- 26 Ad constituendam ergo Astronomiam concurrunt: primò, fides humana observationum sensibilium, dubia, & fallibilis, & non nisi circiter vera: secundò, conceptus intelligibilis omnino.



nino verus in mente intelligentis, cuius pro parte, scientia  
evidens est, omni prorsus dubitatione remota: tertio, appli-  
catio conceptus ad propositi planetae motum, prorsus dubia:  
constat enim iam plurimis argumentis, falsas esse antiquo-  
rum primæ classis Astronomorum applicationes huiusmodi.

27 Itaque conclusiones Astronomica, duplici dubitatione sunt im-  
plicata: argumento ab exemplis, falsa; & nonnisi de præter  
propter, veræ, ad aliquot sæcula probabiliter, & non vl-  
tra.

28 Quas inter, illæ ipsæmet reputantur suppositæ observationes,  
quasi demonstrata, ex concepto motu planeta; quorum  
tamen suppositioni certò certius ille plus desert, quam sui  
ipsius conceptus applicationi ad planetam: quod ideo pa-  
tet, quia observationibus adhæsit constanter, & conceptus  
mutavit.

29 Immo & quantum attinet ad suppositas observationes, osten-  
sio est circularis, quæ suppositionum dubietatem ipsa per se  
non imminuit: sed alijs observationibus, necesse quidem est  
dubietatem imminui; sed nisi per observationes innumerabi-  
les, idest, per omnes omnifariam possibiles, omnino tolli est  
impossibile.

30 Hoc exemplo monstrante viam, fidei articulos indubitanter as-  
sero, ex diuina reuelatione; sicut ille asserit præteritas ob-  
servationes, ex humana traditione. Deinde concipio ali-  
quod intelligibile omnium systema grande. Conceptum  
systema, sensibile, & diuinarum rerum systematis af-  
fingo.

31 Examino si possum, fidei articulos, ex concepto afficere gran-  
di systemate. Sed cum pluries mihi contigerit, non posse  
vnum, vel alterum articulum probare; conceptum subverti  
statim: & iam assuevi, mihi ipsi nihil credere. Nam & mihi  
consciis sum, multos hucusque meos pulcherrimos conceptus,  
in obsequium fidei suppressisse.

32 Sed non in hoc iustificatus sum, inuento systemate maximo  
intelligibile omnium, scriptis præsentibus exarato; vn-  
de



de ni fallor, omnes, qui mihi occurrerunt, fidei articulos explano.

33 Nam ad hoc systema constituendum concurrunt. Primò, diuina fides articulorum ineuidens, licet indubia. Secundò, conceptus intelligibilis verus, ut aestimo, in mea mente. Tertiò, applicatio ad rerum omnium systema, prorsus dubia.

34 Conclusiones, quas ex hoc deduco systemate, vna saltem dubitatione sunt implicatae, ex parte applicationis ad systema rerum; & vna saltem ineuidencia, ex parte articulorum fidei: inter quas ipsos etiam articulos fidei, ita quasi ostendo, ut ijs longè plus deferam, quam dubiae applicationi systematis ad systema.

35 Sed & quantum ad ipsos attinet articulos, ostensio est circularis quæ per se, eorum non imminuit ineuidentiam: sed alijs suffragantibus articulis, vel qui hucusque mihi non occurrerunt, vel qui hucusque non sunt reuelati, necesse est ineuidentiam imminui, ex inuicem comparatione.

36 Sed nisi Deus ipse omnia reuelauerit, quæ reuelabilia sunt; omnesque articuli possibiles suffragentur: ineuidencia tolli non potest. Præterquam quod ipsa dubietas applicationis adhuc manet, donec omnia, & diuina, & sensibilia, & ipsa met intelligibilia omnifariam, nostræ mentis oculis nuda sint, & aperta.

37 Sed si mihi occurrerit cum vno ex articulis fidei manifesta aliqua contradictio; iam assueui, & paratus sum, cum fidei Abraham, hunc meum conceptum Isaac, quem diligo, mactare Deo; & diuino afflante spiritu, in holocaustum offerre, salua etiam spe futuræ multæ propaginis.

38 Nam ex multis hucusque similiter oblatis conceptibus, quinque indolis optimæ suscepì partus, quos iam coram omnibus produxi: tres ex genere intelligibilium; vnum de quasi rationibus Elementum quintum Geometriæ Speciosæ; alterum, Circulum, ex quo, nepotes logarithmos, penes me retinui; & nouissimè tertiam, Arithmeticam Rationalem; qui, ad præcellentem omniformis animæ nostræ conditionem cognoscendam,



culos  
diui-  
co, con-  
Tertio,  
atem da-  
id systema  
mularum fi-  
si ostendo,  
si systema-  
circularis  
alijs sus-  
urrerunt,  
lentiam  
itur; om-  
olli non  
uis ad-  
et ipsa  
s nuda  
Festa ali-  
um fidei  
ligo, ma-  
offere,  
is, quin-  
omnibus  
nals ra-  
terum,  
ui; et  
pra-  
cen-

dam, conferre plurimum videntur: duos, ex genere sensibili-  
lium, Musicam Speculatiuam, & Annum; qui pro immorta-  
litate animæ viuunt, & pro Terræ stabilitate subsistunt.

39 Sicut ergo Astronomia observationibus, ita hæc mea qualif-  
cunque rerum omnium Arithmetica, fidei articulis innititur:  
& sicut illa observationibus, ita hæc etiam articulis confir-  
matur: vt & illa omnino sit observationibus posthabenda;  
& hæc, articulis.

40 Immo hæc ipsa systematica compositio, exercitium quoddam  
est diuinæ fidei, quod bono potest exemplo esse inter Catholicos  
Romanos: alijs verò potest esse, quasi lucerna in nocte; donec  
nascenti demum affusa Aurora dispereat, & in futura diei  
lumine absorbeat.

41 Huius doctrinæ apta methodus est Mathematica, sicut Astrono-  
mia: & pro breuitate simul, & facilitate, apta est maximè  
intelligentiæ methodus: qua tunc primum assumo terminum,  
& positionem, cum primum ijs mihi vtendum est: & sic ordi-  
no conclusiones, vt singularum, ferè singuli sint medij termini  
declarationis.

42 Necesse ergo est, quod termini sint Mathematici: qui conceptus  
explicant intelligibiles, ita vt in animo cognoscentis euiden-  
tes sint, & indubij.

43 Positiones quoque oportet Mathematicas esse, de ijsdem termi-  
nis intelligibilibus; ideoque indubias, & euidentes: vnde con-  
clusiones indubias similiter fiant, & euidentes.

44 Et quia diuinæ fidei articuli, significantur vocabulis, que vi-  
dentur secundum suam proprietatem rerum sensibilibus esse,  
sed pro sensu Ecclesiæ, Sanctorumque Patrum ad diuinam  
transferri: necesse est in terminis Mathematicis duas res  
diuinam, & sensibilem, pari explicare conceptu intelligibi-  
li: vt de re sensibili propriè quidem, sed cum multorum ad-  
mixture concurrentium ad rem sensibilem componendam;  
de re verò diuina, magis propriè, & omnino purè intelligatur.

45 Necesse est etiam pro applicatione systematis ad systema, quas-  
dam apponere suppositiones dubias, & ineuidentes: quarum  
ad-



admixtione, tota hac systematica compositio, dubia fit, & ineuidens. Pertinet autem ad methodi artem nostram, ut vel una tantum sit suppositio; vel quantum fieri poterit, sint suppositiones paucissimæ.

- 46 Quoniam verò totum hoc systema, & singulæ illius partes, illo maximo, & primo fidei articulo, quasi solida basi, gravitatique centro superædificantur, quo seipsum Deus Optimus Maximus, nobis, per intelligibiles terminos reuelavit, vnum, & trinum, ad Arithmeticam pertinentes: animaduerti totam hanc tractationem Arithmeticam esse, & proprio etiam Arithmetica methodo intelligentiæ, per paucissimas conclusiones tradi posse.
- 47 Quæ cum rebus omnibus applicata sit Arithmetica, & subtilissimis ex contemplationibus concinnata, Realis Arithmetica, iure optimo nuncupatur, & numeris, apicibus, terminis, positionibus, suppositionibus, & punctis, distinguitur.
- 48 Huius Arithmetice forma est ordo; materia, sunt res; totum subiectum ipsæ sunt res ordinatæ; unde & eius partes præcipuæ sunt, Arithmetica de re prima, Arithmetica de re secunda, Arithmetica de rebus tertia, quarta, quinta, aliisque deinceps innumerabilibus intelligentijs, Arithmetica de re nouissima: quam necesse est priorem aliquam Arithmeticam præcedere de rebus in ordine ad nouissimam rem.
- 49 Tota ergo hac Realis Arithmetica, vel de vna re prima est, à qua omnis res est; vel de duabus est rebus prima, & nouissima, propter quas omnis alia res est: quæ præcipuum sunt huius doctrine subiectum: quarum ab vna prima, & quibus in duabus Alpha, & Omega, principio, & fine, totum pendet systema.
- 50 Vnde placuit breuiter totam sequenti tetralico complecti.

Sunt vnum tria, sunt duo; sed non quatuor: vnus

Ordo est omnium; & ars ordinis vna mihi.

Tota dies, labor vnus, ab vno pane: futuram

Qui mihi pars ad cœnam optima salua manet.

PRÆ.



# P R Æ F A T I O.



*V*merorum doctrina, præ omnibus naturaliter perspecta, intelligentia potius mihi videtur, quam scientia: nam semper, tametsi novas, & admirabiles, tamen immediata faciles euidencia, profert conclusiones exquisitoribus.

Huius unam partem numerorum, quos numerantes vocant, feliciter ab antecessoribus Mathematicis institutam accepi, & in Opusculis Via Regia, Nouæ Quadraturæ, Geometria Speciosa, Circolo, Musica Specolatiua nuncupatis, promouui. Alteram vero potiore partem numerorum numerorum, non habens, quasiui; & ecce inueni: quam in ultimo Opusculo Anno, tunc meditabundus pollicebar; atque hic studiosis veritatis lubens offero.

Subdiuiditur hæc pars in duas Arithmeticas, Rationalem, & Realem. Rationalem voco à rationibus numeratis: Realem, à rebus.

Rationalis mihi accidit, ex usu longo Speciosa

A

ciosa



*ciosa Algebra: quo animaduerti, quod in com-  
muni Logica, à Philosophis hucusque usurpata,  
quæ Organum dicitur Aristotelis, una pars  
princeps artis vacat, de diuisione. Quo in loco  
nostra hæc esse deinceps poterit Arithmetica.*

*Itaque ad euidentiā, Mathematica usus  
methodo elementari, qua ipse quoque Aristo-  
teles in libris Priorum, quatuor Arithmetica  
Rationalis elementa composui, quatenus osten-  
derem, hanc nostram contemplationem, innume-  
rabilium theorematum facundam esse.*

*Realem Arithmetica, mihi diuinitus tra-  
ditam, luminique affusam natura (non enim est  
abbreviata manus Domini) alia posterius me-  
thodo intelligentiæ propria, per descriptiones, &  
diuisiones, ex Rationali scilicet Arithmetica,  
conferam in commune, si per Principum licen-  
tiam potero.*



ARI-



3

# ARITHMETICÆ

## RATIONALIS

### ELEMENTVM PRIMVM.

#### DEFINITIONES.

- 1 **S**ignum est, quo vtimur ad significandum.
- 2 Significabile est, quod signo aliquo significamus.
- 3 Signa sunt, in voce, in scripto, in nutu, in gestu, & picta, & sculpta, in phantasia, in mente, in aliove quolibet exteriori, aut interiori significandi instrumento.
- 4 Terminus dicetur, signum in mente. aliàs, Ratio.
- 5 Terminabile dicetur, termino significabile.
- 6 Congruentes dicentur duo termini, quorum alterutro omne terminabile, est & altero terminabile.
- 7 Contradictorij dicentur duo termini, quorum omne, non alterutro terminabile, est altero terminabile.
- 8 Duorum terminorum dicetur vnus in altero contineri, quorum vno omne terminabile, est & altero terminabile; sed non è contra.
- 9 Vnus quidem dicetur, Contentus.
- 10 Alter verò, Continens.
- 11 Contrarij dicentur duo termini, quorum alteruter, in alterius contradictorio continetur.
- 12 Aduersi dicentur duo termini, quorum alteruter, alterius continet contradictorium.
- 13 Diuersi dicentur duo termini, qui neque congruentes, neque contradictorij sunt, neque continens, & contentus, neque contrarij, neque aduersi.
- 14 Supremus dicetur terminus, qui in nullo alio termino continetur.

A 2

15 Ex



- 15 Ex duobus terminis, limitatus vnus terminus dicetur, quo significamus id solùm, quod vtrisque simul est terminabile.
- 16 Ex tribus, aut pluribus terminis, limitatus vnus terminus dicetur, quo significamus id solùm, quod simul omnibus est terminabile.
- 17 Et ex quibus limitatus est terminus, limitantes dicentur.
- 18 Ex duobus terminis cumulatus vnus terminus dicetur, quo significamus omne terminabile, quod est alterutro terminabile, & non aliud quidpiam.
- 19 Item ex tribus, aut pluribus terminis, cumulatus vnus terminus dicetur, quo significamus omne, quod est singulatim omnibus terminabile, & non aliud quidpiam.
- 20 Et ex quibus cumulatus est terminus, cumulâres dicentur.

#### A X I O M A T A .

- 1 **S**itrium terminorum primus congruit secundo, & secundus tertio: etiam primus congruit tertio.
- 2 Quod si primus congruit secundo, & secundus in tertio continetur: etiam primus in tertio continetur.
- 3 Item si primus in secundo continetur, & secundus tertio congruit: primus in tertio continetur.
- 4 Quod si primus in secundo continetur, & secundus in tertio: etiam primus in tertio continetur.
- 5 Limitatum ex aliquot terminis, limitant ex iisdem omnibus, quomodolibet assumptis, termini limitati.
- 6 Cumulatum ex aliquot terminis, cumulant ex iisdem omnibus, quomodolibet assumptis, termini cumulati.

#### P O S T V L A T A .

- 1 **P**ostuletur, vt dati cuiusque termini non supremi, contradictorium terminum assumere concedatur.
- 2 Et ex datis duobus non contradictorijs, neque contrarijs quibusque terminis, limitatum assumere.
- 3 Et ex datis duobus quibusque, cumulatum assumere.

THEO-



## THEOREMA PRIMUM. PROPOSITIO PRIMA.

Contradictorij congruentium, sunt congruentes.

*Hypothesis.*

Sunto bini contradictorij  $A, a; B, b$ : & sunt congruentes  $A, B$ .

Dico etiam  $a, b$ , congruentes esse.

*Demonstratio.*

*def. 6.* Si  $a, b$ , non sunt congruentes; non omne terminabile alterutro  $a, b$ , erit altero terminabile: assignabitur ergo  $c$ , terminabile termino  $a$ , & non terminabile termino  $b$ : ergo  $c$ , erit terminabile termino  $B$ , & non terminabile termino  $A$ : ergo  $A, B$ , non erunt congruentes, contra hypothesim. Ergo  $a, b$ , sunt congruentes. Quod demonstrare oportebat. *def. 6.* Quare contradictorij congruentium, sunt congruentes.

## Theor. 2. Prop. 2.

Contradictorij contradictoriorum, sunt contradictorij.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a; B, b$ : & sunt contradictorij  $A, B$ .

Dico etiam  $a, b$ , contradictorios esse.

*Demonstr.*

*def. 7.* Omne terminabile termino  $a$ , est terminabile non termino  $A$ , & est terminabile termino  $B$ , & est terminabile non termino  $b$ . Simili ratione ostendetur, quod omne terminabile non termino  $a$ , est terminabile termino  $b$ . Et è conuerso omne terminabile termino  $b$ , est terminabile non termino  $a$ . Et omne terminabile non termino  $b$ , est terminabile termino  $a$ . Ergo  $a, b$ , sunt contradictorij. Quod, &c. Quare, &c.

The-



*Theor. 3. Prop. 3.*

Contradictorius continentis, continetur in contradictorio contenti.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a; B, b$ : &  $A$  contineat ipsum  $B$ . Dico  $a$  contineri in  $b$ .

*Demonstr.*

def. 7. Omne terminabile termino  $a$ , vel est etiam terminabile termino  $b$ , vel non: si non; assignabitur  $c$ , terminabile termino  $a$ , & non termino  $b$ ; ideoque terminabile termino  $B$ , & non termino  $A$ ; ergo  $B$ , non continebitur in  $A$ , contra hypothesim. Omne ergo terminabile termino  $a$ , est etiam terminabile termino  $b$ : sed & vel è conuerso, vel non. Si è conuerso; erunt  $a, b$  congruentes: quorum contradictorij  $A, B$ , erunt congruentes: & non  $A$  continet ipsum  $B$ , contra hypothesim. Ergo omne terminabile termino  $a$ , est etiam terminabile termino  $b$ , & non è conuerso. Ergo  $a$ , continetur in  $b$ .

def. 6. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 4. Prop. 4.*

Contradictorij contrariorum, sunt aduersi.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a, B, b$ : & sunt  $A, B$ , contrarij. Dico  $a, b$ , esse aduersos.

*Demonstr.*

def. 11.  $A$  in  $b$ , continetur; &  $B$  in  $a$ : &  $b$ , continet  $A$ ; &  $a$  continet  $B$ : ideoque  $a, b$ , sunt aduersi. Quod, &c.  
def. 12. Quare, &c.

*Theor. 5. Prop. 5.*

Contradictorij aduersorum, sunt contrarij.

*Hy-*



*Hypoth.*  
Sunto bini contradictorii  $A, a; B, b$  : & sunt aduersi  $A, B$ .  
Dico  $a, b$ , contrarios esse.

*Demonstr.*

*def. 12.* |  $A$  continet  $b$ ;  $B$  continet  $a$ : ideoque  $a$  in  $B$ ; &  $b$  in  $A$   
*def. 11.* | continetur: ergo  $a, b$ , sunt contrarii. Quod, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 6. Prop. 6.*

Contradictorii diuersorum, sunt diuersi.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorii  $A, a; B, b$  : & sunt diuersi  $A, B$ .  
Dico  $a, b$ , diuersos esse.

*Demonstr.*

*p. b.* | Non enim  $a, b$ , sunt congruentes; alioquin  $A, B$ , es-  
*2. b.* | sent congruentes: neque  $a, b$ , contradictorii; alio-  
*3. b.* | quin  $A, B$ , essent contradictorii: neque  $a$ , contine-  
| tur in  $b$ ; alioquin  $A$ , contineret  $B$ : neque  $a$ , continet  
*4. b.* |  $b$ ; alioquin  $A$ , contineretur in  $B$ : neque  $a, b$ , sunt  
| contrarii; alioquin  $A, B$ , essent aduersi: neque  $a, b$ ,  
*5. b.* | sunt aduersi; alioquin  $A, B$ , essent contrarii. Quæ  
| omnia sunt contra hypothesim, qua dicitur quod  
*def. 13.* |  $A, B$ , sunt diuersi. Ergo etiam  $a, b$ , sunt diuersi.  
| Quod, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 7. Prop. 7.*

Congruentium alteruter, ad alterius cōtradictorium est con-  
tradictorius.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorii  $A, a; B, b$  : & sunt  $A, B$ , congru-  
entes.

Dico esse binos contradictorios  $A, b$ , &  $B, a$ .

*Demonstr.*

*p. b.* | Quoniam  $A, B$ , sunt congruentes; etiam  $a, b$ , sunt  
con-



def. 7. congruentes. Omne terminabile non termino  $A$ ,  
 def. 6. est terminabile termino  $a$ ; & est terminabile ter-  
 mino  $b$ . Item omne terminabile non termino  $b$ ,  
 def. 7. est terminabile termino  $B$ ; & est terminabile ter-  
 mino  $A$ . Ergo  $A, b$ , sunt contradictorij. Ergo  
 p. b. etiam  $B, a$ , sunt contradictorij. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 8. Prop. 8.*

Contradictoriorum alteruter, ad alterius contradictorium  
 est congruens.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a$ ;  $B, b$ : item sunt contra-  
 dictorij  $A, B$ .

Dico  $A, b$ , esse congruentes; item  $B, a$ , congruentes.

*Demonstr.*

2. b. Quoniam  $A, B$ , sunt contradictorij; etiam  $a, b$ , sunt  
 def. 7. contradictorij. Omne terminabile termino  $A$ , est  
 terminabile non termino  $a$ ; & est terminabile  
 termino  $b$ . Item omne terminabile termino  $b$ ,  
 def. 6. est terminabile non termino  $a$ ; & est terminabile  
 termino  $A$ . Ergo  $A, b$ , sunt congruentes. Ergo  
 p. b. etiam  $B, a$ , sunt congruentes. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 9. Prop. 9.*

Continens, ad contenti contradictorium est aduersus.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a$ ;  $B, b$ : &  $A$ , contineat ipsum  $B$ .

Dico  $A, b$ , esse aduersos.

*Demonstr.*

3. b. Quoniam  $A$ , continet  $B$ ;  $a$ , continetur in  $b$ : &  $b$ , con-  
 def. 12. tinet  $a$ ; &  $A$ , continet  $B$ : ergo  $A, b$ , sunt aduersi.  
 Quod, &c.  
 Quare, &c.

*The-*



*Theor. 10. Prop. 10.*

Contentus ad continentis contradictorium est contrarius.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a; B, b$  : &  $A$ , contineatur in  $B$ .

Dico  $A, b$ , esse contrarios.

*Demonstr.*

9. *b.* | Quoniam  $B$ , continet  $A; a, B$ , sunt aduersi : Ergo  
5. *b.* |  $A, b$ , sunt contrarij. Quod, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 11. Prop. 11.*

Diuerforum alteruter, ad alterius contradictorium est diuersus.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorij  $A, a; B, b$  : &  $A, B$ , diuersi.

Dico  $A, b$ , esse diuersos; item  $a, B$ , diuersos.

*Demonstr.*

7. *b.* | Non enim  $A, b$ , sunt congruentes; alioquin  $A, B$ , es-  
8. *b.* | sent contradictorij: neque  $A, b$ , contradictorij;  
9. *b.* | alioquin  $A, B$ , essent congruentes: neque  $A$ , con-  
10. *b.* | tinct  $b$ ; alioquin  $A, B$ , essent aduersi: neque  $A$ , con-  
def. 12. | tineretur in  $b$ ; alioquin  $A, B$ , essent contrarij: neque  
def. 11. |  $A, b$ , sunt aduersi; alioquin  $A$ , containeret  $B$ : ne-  
def. 13. | que  $A, b$ , sunt contrarij; alioquin  $A$ , containeretur  
6. *b.* | in  $B$ . Quæ omnia sunt contra hypothesim, qua  
| dicitur, quod  $A, B$ , sunt diuersi: Ergo etiam  $A, b$ ,  
| sunt diuersi: ergo &  $a, B$ , sunt diuersi. Quæ, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 12. Prop. 12.*

Terminabile alterutro duorum limitantium, & non limita-  
to; neque altero est terminabile.

*Hypoth.*

Ex duobus limitantibus  $A, B$ , est terminus limitatus  $A, B$  :  
B &



& esto  $C$ , terminabile termino  $A$ , sed non limitato  $A, B$ .  
Dico  $C$ , neque termino  $B$ , terminabile esse.

*Demonstr.*

*def. 15.* | Si  $C$ , esset terminabile termino  $B$ ; cum sit etiam terminabile termino  $A$ ; esset terminabile vtriusque simul terminis  $A, B$ ; & esset terminabile limitato  $A, B$ , contra hypothesim. Ergo  $C$ , est terminabile non termino  $B$ . Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 13. Prop. 13.*

Terminabile cumulado termino, & non alterutro cumulantium; vtrique altero est terminabile.

*Hypoth.*

Ex duobus cumulantibus  $A, B$ , esto terminus cumulatus  $AB$ ; & esto  $C$ , terminabile cumulado  $AB$ , sed non termino  $A$ .

Dico  $C$ , terminabile esse termino  $B$ .

*Demonstr.*

*def. 18.* | Si  $C$ , non esset terminabile termino  $B$ ; cum neque sit terminabile termino  $A$ ; non erit alterutro  $A, B$ , terminabile: neque erit terminabile cumulado  $AB$ , contra hypothesim. Ergo  $C$ , est terminabile termino  $B$ . Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 14. Prop. 14.*

Limitatus ad vnumquemlibet limitantium, aut est congruens, aut contentus.

*Hypoth.*

Ex duobus  $A, B$ , esto limitatus  $AB$ .

Dico limitatum  $AB$ , ad  $A$ , aut congruentem esse, aut contentum; & similiter ad  $B$ .

*Demonstr.*

*def. 15.* | Nam omne terminabile limitato  $AB$ , est terminabile

def. 6.  
def. 8.

bile termino  $A$ : & vel è conuerso, vel non. Si è conuerso; limitatus  $AB$ , ad  $A$ , est congruens. Si non è conuerso; limitatus  $AB$ , continetur in  $A$ . Ergo limitatus  $AB$ , ad  $A$ , vel est congruens, vel contentus. Similiter ostendetur, quod limitatus  $AB$ , ad  $B$ , vel est congruens, vel contentus. Quæ, &c. Quare, &c.

*Theor. 15. Prop. 15.*

Cumulatus ad vnumquemlibet cumulantium, aut est congruens, aut continens.

*Hypoth.*

Ex duobus  $A, B$ , esto cumulatus  $AB$ .

Dico cumulatum  $AB$ , ad  $A$ , aut congruentem esse, aut continens; & similiter ad  $B$ .

*Demonstr.*

def. 18. | Nam omne terminabile termino  $A$ , est terminabile  
def. 6. | cumulato  $AB$ ; & vel è conuerso, vel non. Si è  
def. 8. | conuerso; cumulatus  $AB$ , ad  $A$ , est congruens.  
Si non è conuerso;  $A$ , in cumulato  $AB$ , continetur.  
Ergo cumulatus  $AB$ , ad  $A$ , vel est congruens, vel continens. Similiter ostendetur, quod cumulatus  $AB$ , ad  $B$ , vel est congruens, vel continens. Quæ, &c. Quare, &c.

*Theor. 16. Prop. 16.*

Limitatus ad cumulatum, quorum iidem sunt limitantes, & cumulantes, aut est congruens, aut contentus.

*Hypoth.*

Ex iisdem  $A, B$ , sunt limitatus  $AB$ , & cumulatus  $AB$ .

Dico limitatum  $AB$ , ad cumulatum  $AB$ , congruentem esse, vel contentum.

*Demonstr.*

14. h. | Limitatus  $AB$ , ad  $A$ , vel est congruens, vel conten-  
15. h. | tus. Et  $A$ , ad cumulatum  $AB$ , vel est congruens,  
B 2 vel



xxx.

vel contentus. Ergo limitatus  $AB$ , ad cumulatum  $AB$ , vel est congruens, vel contentus. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 17. Prop. 17.*

Limitatus, & ex contradictorijs limitantium cumulatus, inuicem sunt contradictorii.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorii  $A, a; B, b$ : & ex  $A, B$ , limitatus  $AB$ ; & ex  $a, b$ , cumulatus  $ab$ .

Dico limitatum  $AB$ , & cumulatum  $ab$ , esse contradictorios.

*Demonstr.*

def. 18. Omne terminabile non cumulado  $ab$ , est terminabile  
def. 7. le non termino  $a$ , neque termino  $b$ : ideoque terminabile est termino  $A$ , & termino  $B$ : & vtrisque  
def. 15. simul, & non seorsim; alioquin esset terminabile vno, vel altero  $a, b$ : atque ideo etiam terminabile  
def. 15. est limitato  $AB$ . E' conuerso, omne terminabile non limitato  $AB$ , est terminabile non utroque  
def. 7. simul  $A, B$ ; sed vel seorsim vno  $A$ , & non  $B$ , vel vno  $B$ , & non  $A$ , vel neutro, non  $A$ , nec  $B$ : ideoque est terminabile, vel termino  $b$ , vel termino  $a$ :  
def. 18. & est terminabile cumulado  $ab$ . Ergo limitatus  $AB$ , & cumulatus  $ab$ , sunt cōtradictorii. Quod, &c.  
def. 7. Quare, &c.

*Theor. 18. Prop. 18.*

Cumulatus, & ex contradictorijs cumulantium limitatus, inuicem sunt contradictorii.

*Hypoth.*

Sunto bini contradictorii  $A, a; B, b$ : & ex  $a, b$ , cumulatus  $ab$ ; & ex  $A, B$ , limitatus  $AB$ .

Dico cumulatum  $ab$ , & limitatum  $AB$ , esse contradictorios.

De-

*Demonstr.*

17. b. | Limitatus  $AB$ , & cumulatus  $ab$ , sunt contradicto-  
rij. Quod, &c.  
| Quare, &c.

---

*Theor. 19. Prop. 19.*

Ex duobus congruentibus limitatus est utrique congruens.

*Hypoth.*

Sunto  $A, B$  congruentes: & ex his limitatus  $AB$ .

Dico  $A, B$ , & limitatum  $AB$ , esse congruentes.

*Demonstr.*

def. 15. | Omne terminabile limitato  $AB$ , est etiam termina-  
bile termino  $A$ : & vel è conuerso, vel non. Si non;  
12. b. | assignetur  $C$ , terminabile  $A$ , & non limitato  $AB$ :  
def. 6. | eritque  $C$ , terminabile non termino  $B$ : & non erunt  
 $A, B$ , congruentes, contra hypothesim. Ergo  
def. 6. | omne terminabile termino  $A$ , est terminabile  
xx. p. | limitato  $AB$ . Ergo  $A$ , & limitatus  $AB$ , sunt con-  
gruentes. Ergo  $B$ , & limitatus  $AB$ , sunt congruen-  
tes. Quod, &c.  
| Quare, &c.

---

*Theor. 20. Prop. 20.*

Ex duobus congruentibus cumulatus, est utrique congruens.

*Hypoth.*

Sunto  $A, B$ , congruentes: & ex his cumulatus  $AB$ .

Dico  $A, B$ , & cumulatum  $AB$ , esse congruentes.

*Demonstr.*

def. 18. | Omne terminabile termino  $A$ , est etiam terminabi-  
le cumulado  $AB$ : & vel è conuerso, vel non. Si  
13. b. | non; assignetur  $C$ , terminabile cumulado  $AB$ , &  
def. 6. | non termino  $A$ ; ideoque terminabile termino  $B$ :  
def. 6. | & non erunt  $A, B$  congruentes, contra hypothe-  
sim. Ergo omne terminabile cumulado  $AB$ , est  
def. 6. | terminabile termino  $A$ . Ergo  $A$ , & cumulatus  $AB$ ,  
sunt



ac. p.

sunt congruentes. Ergo  $B$ , & cumulatus  $AB$ , sunt congruentes. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 21. Prop. 21.*

Ex duobus contradictorijs nullus est limitatus.

*Hypoth.*

Sunto  $A, a$ , contradictorij.

Dico ex  $A, a$ , nullum esse limitatum.

*Demonstr.*

def. 7. | Omne terminabile termino  $A$ , est terminabile non termino  $a$ : & è conuerso. Ergo nullum est assignabile terminabile simul utroque  $A, a$ . Ergo ex  
def. 15. |  $A, a$ , nullus est limitatus. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 22. Prop. 22.*

Ex duobus contradictorijs cumulatus est supremus.

*Hypoth.*

Sunto  $A, a$ , contradictorij.

Dico ex  $A, a$ , cumulatum esse supremum.

*Demonstr.*

def. 8. | Assignetur terminus  $B$ , si potest, in quo cumulatus ex  
 $A, a$ , continetur: eritque aliquod terminabile termino  $B$ , & non cumulado ex  $A, a$ ; idest neque termino  $A$ , neque termino  $a$ : Ergo non omne terminabile non termino  $A$ , est terminabile termino  $a$ ; & non omne terminabile non termino  $a$ , est terminabile termino  $A$ : ideoque  $A, a$ , non sunt contradictorij, contra hypothesim. Ergo nullus est terminus, in quo cumulatus ex  $A, a$ , contineatur. Ergo cumulatus ex  $A, a$ , est supremus.  
def. 14. | Quod, &c.  
Quare, &c.

*The-*

*Theor. 23. Prop. 23.*

Ex duobus contento, & continente, limitatus congruit contento.

*Hypoth.*

$A$ , continetur in  $B$ : & ex his limitatus est  $AB$ .

Dico  $A$ , & limitatum  $AB$ , esse congruentes.

*Demonstr.*

*def. 15.* Omne terminabile limitato  $AB$ , est terminabile termino  $A$ ; & vel è conuerso, vel non. Si non: ergo aliquod terminabile termino  $A$ , erit terminabile non limitato  $AB$ : ideoque erit terminabile non termino  $B$ : &  $A$ , non continebitur in  $B$ , contra hypothesim. Ergo omne terminabile termino  $A$ , est terminabile limitato  $AB$ : Ergo  $A$ , & limitatus  $AB$ , sunt congruentes. Quod, &c.

*12. b.*  
*def. 8.* Quare, &c.

---

*Theor. 24. Prop. 24.*

Ex duobus continente, & contento, cumulatus congruit continenti.

*Hypoth.*

$A$ , continet  $B$ : & ex his cumulatus est  $AB$ .

Dico  $A$ , & cumulatum  $AB$ , congruere.

*Demonstr.*

*def. 18.* Omne terminabile termino  $A$ , est terminabile cumulato  $AB$ : & vel è conuerso, vel non. Si non: erit aliquod terminabile cumulato  $AB$ , & non termino  $A$ : ideoque terminabile termino  $B$ : non ergo  $B$ , continebitur in  $A$ , contra hypothesim. Ergo omne terminabile cumulato  $AB$ , est terminabile termino  $A$ . Ergo  $A$ , & cumulatus  $AB$ , congruunt. Quod, &c.

*13. b.*  
*def. 8.* Quare, &c.

*def. 6.*

---

*The-*



*Theor. 25. Prop. 25.*

Ex duobus contrarijs, nullus est limitatus.

*Hypoth.*

$A, B$ , sunt contrarij.

Dico ex  $A, B$ , nullum esse limitatum.

*Demonstr.*

*def. 11.* Quoniam  $A, B$ , sunt contrarij, alteruter in alterius  
*def. 8.* contradictorio continetur: & omne terminabile  
*def. 7.* termino  $A$ , est terminabile non termino  $B$ ; & om-  
*def. 15.* ne terminabile termino  $B$ , est terminabile non ter-  
 mino  $A$ . Ergo non potest assignari terminabile  
 utroque simul  $A, B$ . Ergo ex  $A, B$ , nullus est limi-  
 tatus. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 26. Prop. 26.*

Cumulatus ex contrarijs, continet cumulantes.

*Hypoth.*

$A, B$ , sunt contrarij: & ex his cumulatus  $AB$ .

Dico cumulatum  $AB$ , continere  $A$ , & continere  $B$ .

*Demonstr.*

*15. b.*  $A$ , vel congruit, vel continetur in cumulato  $AB$ . Si  
*xxx.* congrueret, quoniam cumulatus  $AB$ , vel congruit,  
*def. 6.* vel continet ipsum  $B$ ; ergo  $A$ , vel congrueret, vel  
*& 8.* contineret  $B$ ; & omne terminabile termino  $B$ , ef-  
*def. 11.* set terminabile termino  $A$ ; &  $B$  non contineretur  
 in contradictorio  $A$ ; & non essent  $A, B$ , contrarij,  
 contra hypothesim. Ergo  $A$ , continetur in cumu-  
 lato  $AB$ . Similiter ostendetur quod  $B$ , contine-  
 tur in cumulato  $AB$ . Ergo cumulatus  $AB$ , con-  
 tinet  $A$ , & continet  $B$ . Quod, &c.  
 Quare, &c.

*The-*

*Theor. 27. Prop. 27.*

Limitatus ex aduersis, in limitantibus continetur.

*Hypoth.*

$A, B$ , sunt aduersi: & ex his limitatus  $AB$ .

Dico limitatum  $AB$ , in  $A$ , contineri, & in  $B$ , contineri.

*Demonstr.*

14. *b.* Limitatus  $AB$ , vel congruit, vel continetur in  $A$ . Si  
 xxx. congrueret, quoniam limitatus  $AB$ , vel congruit,  
 def. 6. vel continetur in  $B$ ; etiam  $A$ , vel congrueret, vel  
 8. contineretur in  $B$ ; & omne terminabile termino  $A$ ,  
 esset terminabile termino  $B$ ; & non esset aliquod  
 terminabile termino  $A$ , & non termino  $B$ ; &  $A$ ,  
 non contineret contradictorium  $B$ ; & non essent  
 def. 12.  $A, B$  aduersi, contra hypothesim. Ergo limitatus  
 $AB$ , continetur in  $A$ . Similiter ostendetur, quod  
 etiam continetur in  $B$ . Quæ, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 28. Prop. 28.*

Cumulatus ex aduersis, est supremus.

*Hypoth.*

$A, B$  sunt aduersi: & ex his cumulatus  $AB$ .

Dico cumulatum  $AB$ , esse supremum.

*Demonstr.*

15. *b.* Cumulatus  $AB$ , continet, vel congruit  $B$ : &  $B$  conti-  
 def. 12. net contradictorium  $A$ : Ergo cumulatus  $AB$ , con-  
 xxx. tinet contradictorium  $A$ . Sed cumulatus  $AB$ , con-  
 15. *b.* tinet, vel congruit  $A$ : non autem congruit, alio-  
 quin  $A$ , suum contradictorium contineret: Ergo  
 ax. 3. cumulatus  $AB$ , continet  $A$ , & continet eius con-  
 def. 7. tradictorium. Sed omne terminabile, aut  $A$ , aut  
 def. 8. eius contradictorio est terminabile: ergo omne  
 terminabile, est terminabile cumulo  $AB$ . Ergo  
 nullus est alius terminus assignabilis, in quo cumu-  
 C latus



def. 14. | latus  $AB$ , contineatur. Ergo cumulatus  $AB$ , est  
 | supremus. Quod, &c.  
 | Quare, &c.

*Theor. 29. Prop. 29.*

Limitatus ex diuersis in limitantibus continetur.

*Hypoth.*

$A, B$ , sunt diuersi: & ex his limitatus  $AB$ .

Dico limitatum  $AB$ , contineri in  $A$ , & contineri in  $B$ .

*Demonstr.*

14. b. | Limitatus  $AB$ , vel congruit, vel continetur in  $A$ . Si  
 | congrueret, quoniam limitatus  $AB$ , vel congruit,  
 ANN. | vel continetur in  $B$ ; etiam  $A$ , vel congrueret, vel  
 | contineretur in  $B$ ; & non essent  $A, B$ , diuersi, con-  
 def. 13. | tra hypothesim. Ergo limitatus  $AB$ , continetur  
 | in  $A$ . Similiter ostendetur, quod limitatus  $AB$ ,  
 | continetur in  $B$ . Quare, &c.

*Theor. 30. Prop. 30.*

Cumulatus ex diuersis continet cumulantes.

*Hypoth.*

$A, B$ , sunt diuersi: & ex his cumulatus  $AB$ .

Dico cumulatum  $AB$ , continere  $A$ , & continere  $B$ .

*Demonstr.*

15. b. | Cumulatus  $AB$ , vel congruit, vel continet  $A$ . Si  
 | congrueret, quoniam etiam congruit, vel conti-  
 ANN. | net  $B$ ; etiam  $A$  congrueret, vel contineret  $B$ ; &  
 | non essent  $A, B$ , diuersi, contra hypothesim. Ergo  
 def. 13. | cumulatus  $AB$ , continet  $A$ . Similiter ostendetur,  
 | quod cumulatus  $AB$ , continet  $B$ . Quare, &c.

*Theor. 31. Prop. 31.*

Supremi termini sunt congruentes.

Hy-

*Hypoth.*

Sint supremi termini  $A, B$ .

Dico  $A, B$  esse congruentes.

*Demonstr.*

*def. 14.* | Nullus terminus est, in quo  $A$  contineatur: ergo omne  
*def. 8.* | terminabile, est termino  $A$ , terminabile. Et simi-  
*def. 6.* | liter omne terminabile, est termino  $B$ , termina-  
 bile: ideoque omne terminabile alterutro  $A, B$ ,  
 est & altero terminabile. Ergo  $A, B$ , sunt con-  
 gruentes. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 32. Prop. 32.*

Omnis non supremus terminus, in supremo termino conti-  
 netur.

*Hypoth.*

Esto non supremus terminus  $A$ : & esto supremus  $B$ .

Dico  $A$ , in  $B$ , contineri.

*Constructio.*

*post. p.* | Assumatur ipsius  $A$ , contradictorius  $a$ : & ex  $A, a$   
*post. 3.* | cumulatus  $Aa$ .

*Demonstr.*

*15. h.* |  $A$ , congruit, vel continetur in cumulo  $Aa$ : cumu-  
*22. h.* | latus  $Aa$ , est supremus; & congruit  $B$ : ergo  $A$  con-  
*31. h.* | gruit, vel continetur in  $B$ : ergo omne termina-  
*xxx.* | bile termino  $A$ , est terminabile termino  $B$ . Simi-  
*def. 6.* | liter omne terminabile termino  $a$ , est terminabile  
*8.* | termino  $B$ : & non est terminabile termino  $A$ : ergo  
*def. 7.* | aliquod terminabile termino  $B$ , non est terminabi-  
*def. 6.* | le termino  $A$ . Ergo  $A$ , non congruit  $B$ : ideoque  
 $A$ , in  $B$ , continetur. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 33. Prop. 33.*

Supremus terminus nullum habet contradictorium.

C 2

Hy-



*Hypoth.*Eſto ſupremus terminus  $A$ .Dico  $A$ , non habere contradicorium.*Conſtr.*

*poſt.* 3. | Aſſumatur ſi poteſt  $a$ , contradicorius ad  $A$ : & ex  $A, a$ ,  
fiat cumulatus  $Aa$ .

*Demonſtr.*

22. *h.* | Cumulatus  $Aa$ , eſt ſupremus; & congruit ipſi  $A: a$ ,  
31. *h.* | congruit, vel continetur in cumulato  $Aa$ : ergo  $a$ ,  
15. *h.* | congruit, vel continetur in  $A$ : & omne terminabi-  
xxx. | le termino  $a$ , eſt etiã terminabile termino  $A$ . Ergo  
def. 7. |  $a$ , non eſt contradicorius ad  $A$ , contra aſſumptum.  
Ergo  $A$ , non habet contradicorium. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 34. Prop. 34.*

Supremus terminus nullum habet contrarium.

*Hypoth.*Eſto ſupremus terminus  $A$ .Dico  $A$ , non habere contrarium.*Demonſtr.*

def. 11. | Si enim  $A$ , haberet contrarium, in eius contradic-  
def. 14. | tio contineretur: ſed  $A$ , cum ſit ſupremus, non po-  
teſt in aliquo termino contineri: ergo  $A$  non ha-  
bet contrarium. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 35. Prop. 35.*

Supremus terminus nullum habet aduerſum.

*Hypoth.*Eſto ſupremus terminus  $A$ .Dico  $A$ , nullum habere aduerſum.*Demonſtr.*

def. 12. | Si enim  $A$ , haberet aduerſum, haberet etiam con-  
tradicorium, qui in ipſo aduerſo contineretur:  
ſed

33. *h.* | sed *A*, non habet contradictorium : Ergo *A*, non  
 | habet aduersum. Quod, &c.  
 | Quare, &c.

---

*Theor. 36. Prop. 36.*

Supremus terminus nullum habet diuersum.

*Demonstr.*

31. *h.* | Omnis terminus, vel supremus est, vel non supremus;  
 32. *h.* | & ad supremum terminum, vel est congruens, vel  
 def. 14. | contentus: ergo nullus terminus ad supremum ter-  
 | minum est diuersus. Quod, &c.  
 | Quare, &c.

---

*Theor. 37. Prop. 37.*

Limitatus ex congruentibus, congruit cumulato.

*Demonstr.*

19. *h.* | Sic enim limitatus congruit limitantibus: & iidem  
 20. *h.* | limitantes, qui etiam sunt cumulantes, congruunt  
 ax. p. | cumulato. Ergo limitatus, & cumulatus ex con-  
 | gruentibus, sunt congruentes. Quod, &c.  
 | Quare, &c.

---

*Theor. 38. Prop. 38.*

Limitatus ex continente, & contento, in cumulato ex iisdem  
 continetur.

*Demonstr.*

23. *h.* | Limitatus ex continente, & contento, congruit con-  
 ax. 2. | tento; ideoque continetur in continente; & is con-  
 24. *h.* | gruit cumulato ex iisdem: ideoque limitatus in  
 ax. 2. | cumulato continetur. Quod, &c.  
 | Quare, &c.

---

*Theor. 39. Prop. 39.*

Limitatus ex aduersis, in cumulato ex eisdem continetur.

*De-*



*Demonstr.*

27. *b.* | Limitatus ex aduersis, in alterutro limitantium con-  
 28. *b.* | tinetur; & idem ipse limitans, qui etiam cumulans,  
 32. *b.* | in cumulo, & supremo termino continetur. Ergo  
 limitatus ex aduersis in cumulo continetur.

*Theor. 40. Prop. 40.*

Limitatus ex diuersis, in cumulo ex eisdem continetur.

*Demonstr.*

29. *b.* | Limitatus ex diuersis in utrolibet limitante contine-  
 30. *b.* | tur: & is limitans, qui & cumulans, in cumulo  
 40. 4. | continetur: ergo limitatus ex diuersis, in cumulo  
 ex eisdem continetur.

*Theor. 41. Prop. 41.*

Qui cum vno termino non collimitat, cum eius contradictorio collimitat.

*Hypoth.*

Sunto  $A, a$ , contradictorij; &  $B$  non collimitans cum  $A$ ,  
 Dico  $B$ , collimitare cum  $a$ .

*Demonstr.*

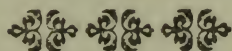
19. 23. | Non enim  $B, A$ , sunt congruentes; neque continens,  
 27. *ep* | & contentus; neque contentus, & continens; neque  
 29. *b.* | aduersi; neque diuersi: alioquin collimitarent ali-  
 quem terminum, contra hypothesim: Ergo con-  
 8. *b.* | tradictorij sunt, vel contrarij. Si  $B, A$ , sunt con-  
 19. *b.* | tradictorij; ergo  $B, a$  sunt congruentes, & collimi-  
 def. 11. | tant. Si  $B, A$ , sunt contrarij; ergo  $B$ , in  $a$ , contine-  
 23. *b.* | tur; &  $B, a$  collimitant. Quod, &c.  
 Quare, &c.

o o o o o o o o o o

ARI-



# ARITHMETICÆ RATIONALIS ELEMENTVM SECVNDVM.



## DEFINITIONES.

- 1 **D**istinctio dicetur, duorum inuicem contradictoriorum terminorum assumptio.
- 2 Qui, distinctionis partes dicentur.
- 3 Bidistinctio dicetur, cum duorum distinctionum quatuor partes, quot plurimæ, quotque paucissimos terminos limitauerint; huiusmodi limitatorum assumptio.
- 4 Tridistinctio dicetur, cum trium distinctionum sex partes, quot plurimæ, quotque paucissimos terminos limitauerint; huiusmodi limitatorum assumptio.
- 5 Similiter Quadridistinctio, Quintidistinctio, aliæque deinceps definientur.
- 6 Quæ omnes generaliter Multidistinctionis nomine venient.
- 7 In bidistinctione, assumpti limitati termini, membra bidistinctionis dicentur.
- 8 Similiter in tridistinctione, dicentur tridistinctionis membra, & sic deinceps.

9 Quæ



- 9 Quæ membra ex duabus partibus limitata fuerint, bipartita dicentur.
- 10 Et ex tribus, tripartita. Et sic deinceps.
- 11 Ipsa vero Bidistinctio, Tridistinctio, aut alia quælibet Multidistinctio, bimembris dicetur, cuius duo tantum sunt membra.
- 12 Et trimembris, cuius tria tantum sunt membra. Et sic deinceps.

### A X I O M A V N I C V M.

**O** Mne terminabile, aliquo ex membris, cuiusque multidistinctionis, est terminabile.



THEO.

## THEOREMA PRIMUM. PROPOSITIO PRIMA.

Bidistinctionis membra non sunt plus, quam bipartita.

*Demonstr.*

*def. 1.* | Nam duarum distinctionum quatuor termini, non  
*def. 3.* | possunt plures assumi, quàm duo, ad collimitan-  
*def. 7.* | dum vnum terminum. Si enim tres assumeren-  
*21. p.* | tur, essent ex his duo contradictorij, qui non pos-  
 sunt collimitare.

Quare bidistinctionis membra non sunt plus, quam bipartita.

## Theor. 2. Prop. 2.

Tridistinctionis membra non sunt plus, quàm tripartita.

*Demonstr.*

*def. p.* | Nam trium distinctionum sex termini non possunt  
*def. 4.* | plures assumi, quàm tres ad collimitandum vnum  
*def. 8.* | membrum. Si enim quatuor assumerentur, essent  
*21. p.* | ex his duo contradictorij, qui non collimitant.

Quare tridistinctionis membra non sunt plus, quam tripartita.

## Theor. 3. Prop. 3.

Multidistinctionis membra non sunt, plus quam eiusdem numeri multipartita.

Paret inductione ex singulis multidistinctionum generibus, eadem methodo duarum præcedentium.

## Theor. 4. Prop. 4.

Si duarum distinctionum quatuor partes, præter quam quod binæ singularum sunt contradictoriæ, aliæ etiam fuerint contradictoriæ, erunt & aliæ congruentes.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones, quarum binæ partes contradictoriæ  $A, a; B, b$ : & præterea contradictoriæ sint  $A, B$ .

Dico  $A, b$ , esse congruentes; item  $a, B$ , congruentes.

D

De-



*Demonstr.*

8 p. Quoniam  $B, b$ , sunt contradictoriae: &  $B, A$ , contra-  
 dictoriae: ergo  $A, b$ , sunt congruentes: & sunt etiam  
 p. p.  $A, a$ , contradictoriae: ergo etiam  $a, B$ , sunt congru-  
 entes. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 5. Prop. 5.*

Si duarum distinctionum quatuor partes aliqua fuerint con-  
 gruentes, praeterquam quod binae singularum sunt contra-  
 dictoriae, etiam aliae erunt contradictoriae.

*Hypoth.*

Sint duae distinctiones, quarum binae partes contradictoriae  
 $A, a; B, b$ : & sunt  $A, B$  congruentes.

Dico etiam  $A, b$ , esse contradictorias, &  $a, B$ , contradicto-  
 rias.

*Demonstr.*

7 p. Quoniam  $A, B$ , sunt congruentes; &  $B, b$ , contra-  
 dictoriae: ergo etiam  $A, b$ , sunt contradictoriae: & quo-  
 2 p. niam  $A, a$ , sunt contradictoriae: ergo etiam  $a, B$ ,  
 sunt contradictoriae. Quod, &c.  
 Quare, &c.

*Theor. 6. Prop. 6.*

Duae distinctiones, quarum partes omnes binae contradicto-  
 riae sunt, vel congruentes, pro vna distinctione reputantur;  
 ut ex his bidistinctio bimembris, perinde sit atque simplex  
 distinctio.

*Demonstr.*

19 p. Nam duae congruentes collimitant vnum membrum:  
 p. p. & earum contradictoriae, quae inuicem sunt con-  
 gruentes, aliud collimitant contradictorium mem-  
 21 p. brum: neque verò ex contradictorijs possibile est  
 tertium aliquod limitatum membrum efficere.  
 def. 11. Quare bidistinctio est bimembris, & duorum con-  
 tra-

*def. 1.* | tradictoriorum membrorum; perinde atque duarum partium vna distinctio. Quod, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 7. Prop. 7.*

Multæ distinctiones, quarum partes binæ contradictoriæ sunt, vel congruentes, pro vna distinctione reputantur, vt ex his multidistinctio, perinde sit atque simplex distinctio.

*Demonstr.*

Nam, vt in præcedenti, multidistinctio est bimembris, & duorum membrorum contradictoriorum; perinde atque duarum partium vna distinctio.

*Theor. 8. Prop. 8.*

Bidistinctio non est plus, quam quadrimembris.

*Hypoth.*

Duæ sint distinctiones ex binis partibus  $A, a; B, b$ .

Dico bidistinctionem non plus, quam quadrimembrem esse.

*Demonstr.*

*21. p.* | Nam duo termini vnius distinctionis, non collimitant. Cætero qui si duo  $A, a$ , in duos  $B, b$ , singuli in singulos ducti, collimitant, non plures faciunt, quam quatuor terminos limitatos,  $AB, aB, Ab, ab$ ,  
*def. 7.* | quæ sunt quatuor bidistinctionis mēbra. Quod, &c.  
| Quare, &c.

*Theor. 9. Prop. 9.*

Tridistinctio non est plus, quam octomembis.

*Hypoth.*

Sunto tres distinctiones ex binis partibus  $A, a; B, b; C, c$ .

Dico tridistinctionem non plus, quam octomembrem esse.

*Demonstr.*

*3. b.* | Nam duarum distinctionum  $A, a; B, b$ , non plures possunt esse, quam quatuor termini limitati  $AB$ ,  
D 2 aB,



*def. 8.* |  $aB, Ab, ab$ : qui in duos  $C, c$ , singuli in singulos ducti, si collimitant, non plures terminos limitatos faciunt, quam octo  $ABC, aBC, AbC, abC, ABc, aBc, Abc, abc$ , quæ sunt octo tridistinctionis membra. Quod, &c.  
Quare, &c.

*Theor. 10. Prop. 10.*

Multidistinctio non est plurium membrorum, quam sit numerus potestatis à binario, quam multitudo ipsa distinctionum denominat.

*Demonstr.*

*8. h.* | Nam bidistinctio nō est plurium membrorum, quam  
*9. h.* | secunda potestas à binario: & tridistinctio, non plurium, quam tertia potestas: simili præcedentium demonstratione ostendetur, quod quadridistinctio, non plurium est, quam quarta potestas; & quintidistinctio, non plurium, quam quinta potestas: & ita deinceps.  
Quare, &c.

*Theor. 11. Prop. 11.*

Si duarum distinctionum partes vnius ad partes alterius, vna ad vnam, fuerit contraria; erit altera ad alteram, aduersa; & vna ad alteram contenta; & altera ad vnam, continens.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones ex binis contradictorijs  $A, a; B, b$ : & sint  $A, B$ , contrariæ.

Dico  $a, b$ , aduersas esse; &  $A$ , in  $b$ , contineri; &  $a$ , continere  $B$ .

*Demonstr.*

*1. p.* | Quoniam  $A, B$ , sunt contrariæ;  $a, b$ , sunt aduersæ;  $A$ ,  
*def. 11.* | in  $b$ , continetur; &  $a$ , continet  $B$ . Quæ, &c.  
*p.* | Quare, &c.

*Tbc.*

*Theor. 12. Prop. 12.*

Si duarum distinctionum partes vnius ad partes alterius, vna ad vnam fuerit aduersa; erit altera ad alteram contraria; & vna ad alteram continens; & altera ad vnam contenta.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones ex binis contradictorijs  $A, a; B, b$ : & sint  $a, b$ , aduersæ.

Dico  $A, B$ , contrarias esse; &  $a$ , continere  $B$ ; &  $A$ , in  $b$ , contineri.

*Demonstr.*

5. p. | Quoniam  $a, b$ , sunt aduersæ;  $A, B$ , sunt contrariæ;  $a$ ,  
def. 12. | continet  $B$ ; &  $A$ , in  $b$ , continetur. Quæ, &c.  
p. | Quare, &c.

---

*Theor. 13. Prop. 13.*

Si duarum distinctionum partes vnius ad partes alterius, vna ad vnam fuerit continens; erit altera ad alteram contenta; & vna ad alteram aduersa; & altera ad vnam contraria.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones  $A, a; B, b$ : & esto  $a$ , continens  $B$ .

Dico  $A$ , in  $b$ , contineri; &  $a, b$ , aduersas; &  $A, B$ , contrarias esse.

*Demonstr.*

3. p. | Quoniam  $a$ , continet  $B$ ;  $A$ , in  $b$ , continetur; &  $a, b$ ,  
9. p. | sunt aduersi; &  $A, B$ , contrarij. Quæ, &c.  
10. p. | Quare, &c.

---

*Theor. 14. Prop. 14.*

Si duarum distinctionum partes vnius, ad partes alterius, vna ad vnam fuerit diuersa; erunt diuersæ altera ad alteram; & vna ad alteram: & altera ad vnam.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones  $A, a; B, b$ : & sunt  $A, B$ , diuersæ.

Dico  $a, b$ , diuersas esse; item  $A, b$ , &  $a, B$ , diuersas esse.

De-



*Demonstr.*

6. p. | Quoniam  $A, B$ , sunt diuersæ; etiam  $a, b$ , sunt diuersæ;  
 11. p. | &  $A, b$ , &  $a, B$ , sunt diuersæ. Quæ, &c.  
 Quare, &c.

---

*Theor. 15. Prop. 15.*

Si duarum distinctionum partes sunt diuersæ, bidistinctio est quadrimembris.

*Hypoth.*

Sunto duæ distinctiones  $A, a$ ;  $B, b$ : & sunt diuersæ  $A, B$ .  
 Dico bidistinctionem esse quadrimembrem.

*Demonstr.*

14. h. | Quoniam  $A, B$ , sunt diuersæ; etiam  $A, b$ ; &  $a, B$ ; &  
 29 p. |  $a, b$ , sunt diuersæ: & ex his limitati quatuor termi-  
 def. 7. | ni  $AB, Ab, aB, ab$ , quæ sunt quatuor bidistinctio-  
 h. | nis membra. Quod, &c.  
 Quare, &c.

---

*Theor. 16. Prop. 16.*

Si duarum distinctionum partes, neque diuersæ sunt, neque congruentes, aut contradictoriæ, bidistinctio est trimembris.

*Hypoth.*

Sunto duarum distinctionum vnus, & alterius partes non congruentes, neque contradictoriæ, neque diuersæ.  
 Dico bidistinctionem esse trimembrem.

*Demonstr.*

11. h. | Erunt enim contrariæ; & aduersæ; & contenta, & con-  
 12. h. | tinens; & continens, & contenta: & cum ex con-  
 13. h. | trarijs non sit limitatus aliquis terminus; super sunt  
 25. p. | ex aduersis vnus; ex continente, & contento vnus;  
 27. p. | ex contento, & continente vnus; tres limitati ter-  
 23. p. | mini, quæ tria sunt bidistinctionis membra.  
 def. 7. | Quod, &c. Quare, &c.  
 h. |

---

The-

*Theor. 17. Prop. 17.*

Duarum distinctionum, quæ non sunt vna distinctio, bidistinctio non minus est quam trimembris.

*Demonstr.*

6. b. | Quoniam enim duæ distinctiones non sunt vna distinctio, earum partes non sunt congruentes, neque contradictoriæ, neque bidistinctio est bimembris.  
 15. b. | Quod si partes essent diuersæ, bidistinctio esset quadrimembris. Sed si partes neque congruentes, neque diuersæ sunt, bidistinctio est trimembris. Quare duarum distinctionum, quæ non sunt vna distinctio, bidistinctio non minus est quam trimembris.  
 16. b. |

*Theor. 18. Prop. 18.*

Omnis multidistinctionis membra, cuiusque eius distinctionis aliqua pars limitat.

*Demonstr.*

def. 3. et 4. b. | Nam si cuiuspiam distinctionis nulla pars ad limitandum concurreret; utique non ipsa esset eius multidistinctionis distinctio, contra hypothesim.  
 Quare, &c.

*Theor. 19. Prop. 19.*

Omnia multidistinctionis membra singula, cuiusque distinctionis aliqua pars limitat.

*Demonstr.*

def. 7. p. | Nam omne aliquo termino terminabile, alterutra distinctionis parte est terminabile: vnde ad singula multidistinctionis limitanda membra, singulæ distinctiones vnam, vel alteram partem conferunt.  
 41. p. | Quare, &c.  
 def. p. b. |

*Theor. 20. Prop. 20.*

Omnia multidistinctionis membra, non vna eadem alicuius distinctionis limitat pars.

*De-*



*Demonstr.*

21. p. | Nam omne terminabile altera eiusdem distinctionis  
 parte, nullo ex membris multidistinctionis esset  
 terminabile, contra axioma vnicum huius ele-  
 menti.  
 Quare, &c.

*Theor. 21. Prop. 21.*

Omnia multidistinctionis membra, omnibus eius distinctio-  
 num partibus congruunt, vel in ijs continentur.

*Hypoth. p.*

Sunto duarum distinctionum quatuor partes  $A, a; B, b$ .  
 Dico omnia bidistinctionis membra, vel congruere singulis  
 partibus  $A, a; B, b$ , vel in ijs contineri.

*Demonstr.*

post. 2. | Vel enim  $A, B$ , collimitant, vel non: si collimitant,  
 fiat ex his limitatus  $AB$ : si non collimitant  $A, B$ ;  
 41. p. | ergo  $A, b$ , collimitant; fiat ergo ex his limitatus  
 $Ab$ . Ergo duarum distinctionum saltem vnus est  
 ex terminis limitatis,  $AB, Ab$ , qui bidistinctionis  
 est membrum, & congruit, vel continetur in  $A$ .  
 44. p. | Simili demonstratione ostendetur, quod bidistin-  
 ctionis vnum saltem est membrum ex duobus  $AB$ ,  
 $aB$ , quod continetur in  $B$ . Item quod vnum sal-  
 tem est ex duobus  $aB, ab$ , quod continetur in  $a$ : &  
 vnum saltem ex duobus  $Ab, ab$ , quod continetur  
 in  $b$ . Quare omnia bidistinctionis membra singu-  
 lis partibus  $A, a, B, b$ , congruunt, vel in ijs conti-  
 nentur.

*Hypoth. 2.*

Sunto trium distinctionum sex partes  $A, a; B, b; C, c$ .  
 Dico omnia tridistinctionis membra, vel congruere singulis  
 partibus  $A, a, B, b, C, c$ , vel in ijs contineri.

De-

*Demonstr.*

40. 3. 2. Vel enim  $A, B$ , collimitant, vel non: si collimitant,  
 fiat limitatus  $AB$ ; qui cum  $C$ , collimitat, vel non:  
 41. p. si collimitat, fiat limitatus  $ABC$ : si non collimi-  
 tat  $AB$ , cum  $C$ , collimitat cum  $c$ ; fiat ergo limita-  
 tus  $ABc$ . Quod si  $A, B$ , non collimitant; ergo  
 14. p.  $A, b$ , collimitant; & ex his fiat limitatus  $Ab$ : qui  
 cum  $C$ , collimitat, vel non: si cum  $C$ , collimitat,  
 fiat limitatus  $AbC$ : si  $Ab$ , non cum  $C$ , collimitat;  
 ergo cum  $c$ , collimitat; & fiat limitatus  $Abc$ .  
 Trium itaque distinctionum saltem vnus est ex  
 quatuor terminis limitatis,  $ABC, ABc, AbC, Abc$ ;  
 qui tridistinctionis est membrum, & congruit, vel  
 continetur in  $A$ . Simili demonstratione ostende-  
 tur, quod tridistinctionis membra sunt, quæ con-  
 gruunt, vel continentur in singulis  $B, C, a, b, c$ .  
 Quare omnia tridistinctionis membra singulis par-  
 tibus  $A, a, B, b, C, c$ , congruunt, vel in ijs conti-  
 nentur.  
 Similiter de alijs multidistinctionibus demonstra-  
 bitur.  
 Quare, &c.



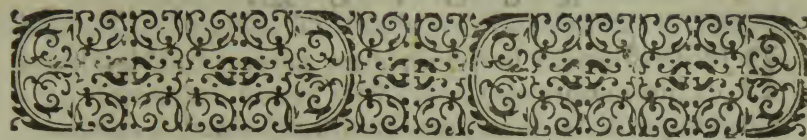
E

ARI



Handwritten text in a single column, likely in a Gothic or similar medieval script. The text is mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side of the page. It appears to be a continuous block of text, possibly a letter or a chapter section.





# ARITHMETICÆ RATIONALIS ELEMENTVM TERTIVM.



## DEFINITIONES.

- 1 **S**I duarum distinctionum quatuor termini singuli singularum bini conueniant ad aliquos limitandos, limitati termini dicentur extremi, & medij.
- 2 Et extremi dicentur, quorum vnus limitantes, contradictorij sunt limitantium alterius.
- 3 Et ambo extremi, vnum Par terminorum dicentur.
- 4 Et vnus terminus dicetur Compar alterius.
- 5 Alijque limitati dicentur medij, quorum nullus compar.



E 2

RE--



- 1 **B** Idistinctionum iudicium duas supponit distinctiones  
ex binis contradictorijs. Erit itaque communis om-  
nium hypothesis, quod duæ sint distinctiones *A, a*; *B, b*.
- 2 Supponit deinde bidistinctionis certam speciem, quam
- 3 Primò iudicat prop. 21. 2. integram, si videlicet omnes  
quatuor distinctionum partes, binæ ex vna, & altera di-  
stinctione acceptæ, omnia limitant bidistinctionis mem-  
bra.
- 4 Secundò iudicat ipsa bidistinctionis membra.
- 5 Medium, si quod est, cui nullum compar. def. 5. h.
- 6 Et extrema, si quæ sunt, inuicem comparia. def. 2. h.
- 7 Tertiò iudicat singulorum partes membrorum, quam  
ad inuicem habeant rationem.
- 8 Congruentes iudicat duas, & eorum contradictorias  
duas, quæ non nisi bifariam collimitant. prop. 6. 2. Eas  
nempe congruentes, quæ non nisi simul collimitant.
- 9 Diuersas iudicat duas, & earum contradictorias duas,  
quæ quadrifariam collimitant. prop. 15. 2. eas nempe,  
quæ collimitant.
- 10 Neutras iudicat duas, & earum contradictorias, quæ tri-  
fariam solum collimitant. prop. 16. 2.
- 11 Et eas iudicat aduersas, quæ collimitant, & non habent  
limitatum compar: nam ex contrarijs non est limitatus  
terminus. prop. 25. p.
- 12 Easdemque iudicat continentes, respectu aliarum, qui-  
bus collimitant, in ipsis contentarum. def. 12. p.



## THEOREMA PRIMUM. PROPOSITIO PRIMA.

Bidistinctio Triplex. Bimembris, Trimembris, Quadrimembris.

*Demonstr.*

6. 2. | Nam termini distinctionum, vel sunt congruentes,  
16. 2. | vel diuersi, vel neutri. Si congruentes, bidistin-  
15. 2. | ctio est bimembris: si neutri, est trimembris: si di-  
8. 2. | uersi, est quadrimembris: neque plus quam qua-  
drimembris potest esse bidistinctio.

Quare, &c.

*Theor. 2. Prop. 2.*

Bidistinctio bimembris vna: cuius duo membra sunt vnum par terminorum.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones  $A, a; B, b$ : & vnum bidistinctionis bimembris membrum  $AB$ .

Dico bidistinctionem bimembrem vnam esse; & eius membra esse vnum par terminorum.

*Demonstr.*

6. 2. | Quia bidistinctio est bimembris, non possunt  $A, B$ ,  
21. p. | esse nisi contradictorij, aut congruentes: sed quia  
collimitant, non sunt contradictorij: ergo  $A, B$ ,  
sunt congruentes; & ex his limitatus  $AB$ , vtrique  
congruens: ergo  $a, b$ , sunt congruentes, & colli-  
19. p. | mitant alterum bidistinctionis membrum  $ab$ , vtri-  
que congruens: & sunt  $AB, ab$ , duo extremi ter-  
minij, & vnum par terminorum. Neque possibile  
est, quod bidistinctio bimembris sit  $AB, aB$ , quia  
des. 3. | deesset  $b$ ; neque quod sit  $AB, Ab$ , quia deesset  $a$ .  
21. 2. | Cum itaque bidistinctio bimembris non possit ali-  
ter esse, ipsa est vna; & eius membra, sunt vnum  
par membrorum.

*The-*



*Theor. 3. Prop. 3.*

Bidistinctio trimembris vna, cuius vnum membrum est medium, & duo reliqua sunt vnum par membrorum.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones  $A, a; B, b$ : & esto medium bidistinctionis trimembris membrum  $AB$ .

Dico bidistinctionem trimembrem vnam esse; & eius reliqua membra esse vnum par terminorum.

*Demonstr.*

21. p. Quia medium membrum est  $AB$ , cui non est aliud  
25 p. membrum compar  $a b$ ; contradictorij sunt, vel  
6. 2. contrarij termini  $a, b$ : non contradictorij, quia bi-  
4. p. distinctio est trimembris: ergo  $a, b$ , sunt contrarij:  
def. 12. ideoque  $A, B$ , aduersi: &  $A$ , continens  $b$ , ex qui-  
p. bus limitatus  $Ab$ , &  $b$ , congruunt: &  $a$ , contentus  
23. p. in  $B$ , ex quibus limitatus  $aB$ , &  $a$ , congruunt. Et  
def. 3. sunt  $Ab, aB$ , vnum par terminorum. Cum ergo  
Bidistinctio trimembris non possit aliter esse, ipsa  
est vna; & eius membra, vnum medium, & vnum  
par terminorum.

*Theor. 4. Prop. 4.*

Bidistinctio quadrimembris vna: cuius quatuor membra, sunt duo paria terminorum.

*Hypoth.*

Sint duæ distinctiones  $A, a; B, b$ , & sit vnum ex quatuor membris bidistinctionis  $AB$ .

Dico bidistinctionem quadrimembrem esse vnam: & eius membra, esse duo paria terminorum.

*Demonstr.*

15. 2. Quia bidistinctio est quadrimembris, termini  $A, B$ ,  
6. p. sunt diuersi; &  $a, b$ , diuersi; &  $A, b$ , diuersi; &  $a, B$ ,  
11. p. diuersi: & ex his limitata quatuor membra, duo  
29. 2.  $AB, ab$ , quæ sunt vnum par terminorum, & duo  
def. 3.  $Ab, aB$ , quæ sunt aliud par terminorum. Et non  
po-

potest bidistinctio quadrimembris aliter esse: ergo bidistinctio quadrimembris una; & eius quatuor membra, sunt duo paria terminorum.

*Theor. 5. Prop. 5.*

Bidistinctio bimembris, non est propriè bidistinctio, sed veriùs distinctio simplex.

*Demonstr.*

Nam eius bidistinctionum termini congruentes, non sunt propriè duo termini, sed veriùs unus: & duæ distinctiones non propriè duæ, sed veriùs una: atque ita bidistinctio, est veriùs una distinctio.

*Theor. 6. Prop. 6.*

Bidistinctiones propriæ duæ, trimembris, & quadrimembris.

*Demonstr.*

*p. h.* | Nam bidistinctiones tres, bimembris, trimembris, &  
*2. h.* | quadrimembris: quarum una bimembris, non bidi-  
*5. h.* | stinctio est propriè: sed veriùs una distinctio: reli-  
*3. h.* | quæ duæ trimembris, & quadrimembris, non sunt  
*4. h.* | una distinctio, sed propriæ bidistinctiones.

Quare, &c.



*Bidi-*



- reg. 3. | Bidistinctio bimembris  $AB, ab$ , integra: cuius partes  
 reg. 8. |  $A, B$ , congruentes; item  $a, b$ , congruentes: ideoque  
 5. b. | verius est simplex distinctio.  
 reg. 3. | Bidistinctio trimembris  $AB, Ab, ab$ , integra: cuius me-  
 reg. 5. | dium  $Ab$ ; extrema duo  $AB, ab$ : cuius partes  $A, b$ ,  
 reg. 6. | aduersæ: &  $A$ , continens  $B$ ; &  $a$ , contenta in  $b$ .  
 reg. 11. | Bidistinctio quadrimembris  $AB, Ab, aB, ab$ , integra:  
 reg. 12. | cuius membra bina extrema  $AB, ab$ ; &  $Ab, aB$ : cu-  
 reg. 3. | ius partes diuersæ binæ  $A, B$ ;  $a, b$ ;  $A, b$ ;  $a, B$ .  
 reg. 6. |  
 reg. 9. |
- 



ARF

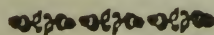


# ARITHMETICÆ RATIONALIS ELEMENTVM QVARTVM;



## DEFINITIONES.

- 1 **S**I trium distinctionum sex termini, singuli singularum, terni conueniant ad aliquos limitandos, dicentur limitati termini, extremi, & medij.
- 2 Et extremi dicentur, quorum vnus limitans, contradictorij sunt limitantium alterius.
- 3 Et ambo extremi dicentur vnum par terminorum.
- 4 Et vnus terminus dicetur compar alterius.
- 5 Alijque limitati dicentur medij quorum nullus compar.
- 6 Et medius illi extremo dicetur propinquus, quocumque duos habet limitantes communes.
- 7 Et ab altero extremo remotus, quo cum vnum tantum habet limitantem communem.



F

THEO.



ARITHMETIC  
ELEMENTARY  
DESCRIPTIVE

1. The first part of the book contains the  
2. The second part contains the  
3. The third part contains the  
4. The fourth part contains the  
5. The fifth part contains the  
6. The sixth part contains the  
7. The seventh part contains the  
8. The eighth part contains the  
9. The ninth part contains the  
10. The tenth part contains the

2160

## THEOREMA PRIMUM. PROPOSITIO PRIMA.

Tridistinctionis plurima membra octo, sunt quatuor paria terminorum.

*Hypoth.*

Tridistinctionis octomembris tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & membra plurima  $ABC, ABc, AbC, aBC, Abc, aBc, abC, abc$ , octo.

Dico esse quatuor paria terminorum  $ABC, abc; ABc, abC; AbC, aBc; aBc, aBC$ .

*Demonstr.*

Nam duarum distinctionum  $A, a; B, b$ , quatuor partes binæ, non plures, limitant plurima bidistinctionis membra quatuor, & duo paria  $AB, ab; Ab, aB$ .  
 Quæ singula cum vna, & altera, relictæ distinct omnis partibus  $C, c$ , ad collimitandum assumpta, limitant plurima tridistinctionis membra octo, & quatuor paria  $ABC, abc; ABc, abC; AbC, aBc; aBc, aBC$ . Quod, &c.  
 Quare, &c.

## Theor. 2. Prop. 2.

Tridistinctio octomembris vna.

*Hypoth.*

Tridistinctionis octomembris tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ .

Dico tridistinctionem octomembrem vnam esse.

*Demonstr.*

Nam necesse est quod octo membra, quatuor paria sint terminorum  $ABC, abc; ABc, abC; AbC, aBc; Abc, aBC$ : quæ cum non possint aliter esse, tridistinctio octomembris est vna.

## Theor. 3. Prop. 3.

Tridistinctio septimembris vna.



*p. b.* Nam in octo plurimis tridistinctionis membris sex  
*2. b.* partes, ternæ in singulis fiunt viginti quatuor, sin-  
 gula in quaternis membris indifferenter: & vno  
 sublato membro, remanent tres partes in ternis  
 membris, & tres in quaternis, quæ sint vna, & vi-  
*21. 2.* ginti partes, & ita remanent septem septimembris  
 tridistinctionis membra. Cumque octo plurima  
 membra, singula de octo omnibus auferri possint;  
 manifestum est, relinqui posse octo septimembres  
 tridistinctiones: sed necessario indifferentes ad in-  
*def. 6.* uicem; quod in singulis, ad sublatum membrum,  
*def. 7.* tria sint propinqua membra, tria remota, & vnum  
*def. 4.* compar; & quod in singulis, tria sint paria mem-  
*def. 3.* brorum; & vnum medium. Quæ cum non aliter,  
 atque aliter habere se possint, vnam faciunt spe-  
 ciem septimembris tridistinctionis.  
 Quare, &c.

*Theor. 4. Prop. 4.*

Tridistinctiones sextimembres tres.

*Demonstr.*

*p. b.* Nam sex membra tridistinctionis, sunt sex de octo  
 plurimis, & de quatuor membrorum paribus: &  
 vel sex membra tria sunt paria membrorum; vel  
 sex, duo sunt paria membrorum, & duo media  
 inuicem propinqua; vel rursus sex, duo sunt paria  
 membrorum, & duo membra inuicem remota.  
*def. 2.* Cumque in vno pari membrorum, omnes sex  
 trium distinctionum partes conueniant ad limitan-  
 dum, & non vna eadem pars ad duo membra com-  
 paria: manifestum est, quod etiam in duobus pari-  
 bus membrorum, vel in tribus, omnes sex partes  
 conueniunt ad limitandum, & vna eadem ad om-  
*21. 2.* nia. Quare tres sunt sextimembres tridistinctiones.

*The-*

*Theor. 5. Prop. 5.*

Tridistinctio sextimembris, cuius nullum medium, vna.

*Demonstr.*

21. 2. Nam quatuor paria membrorum, singula sublata de omnibus, relinquunt quatuor tridistinctiones sextimembres, quarum tria sunt membrorum paria, & nullum medium, inuicem indifferentes, quæ vnâ speciem constituunt sextimembris tridistinctionis, cuius nullum medium.  
Quare, &c.

*Theor. 6. Prop. 6.*

Tridistinctio sextimembris, cuius duo media ab inuicem remota, vna.

*Hypoth.*

Tridistinctionis sextimembris, tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & duo media remota ab inuicem  $ABC, Abc$ .  
Dico tridistinctionem sextimembrem huiusmodi, vnâ esse.

*Demonstr.*

p. h. Nam octo plurima tridistinctionis membra sunt  $ABC, abc, ABc, abC, AbC, aBc, aBC, Abc$ : & prætermis-  
4. h. duorum  $ABC, Abc$ , comparibus  $abc, aBC$ , relinquuntur  $ABc, AbC, abC, AbC, aBc, Abc$ , duo assumpta media, & duo paria, quæ tridistinctionem sextimembrem componunt. Quæ cum non possit aliter esse, ipsa est tridistinctio sextimembris, cuius duo media remota, vna.

*Theor. 7. Prop. 7.*

Tridistinctio sextimembris, cuius duo media inuicem propinqua, vna.

*Hypoth.*

Tridistinctionis sextimembris, tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & duo media inuicem propinqua  $ABC, ABc$ ,  
Di-



Dico tridistinctionem sextimembrem huiusmodi, vnam esse.

*Demonstr.*

*p. b.* | Nam de octo plurimis tridistinctionis membris  $ABC$ ,  
 $abc$ ,  $ABc$ ,  $abC$ ,  $AbC$ ,  $aBc$ ,  $aBC$ ,  $Abc$ , dempta duorum  
 $ABC$ ,  $ABc$ , comparia  $abc$ ,  $abC$ , relinquunt  $ABC$ ,  
 $ABc$ ,  $AbC$ ,  $aBc$ ,  $aBC$ ,  $Abc$ , duo assumpta media, &  
 $4. b.$  | duo paria, tridistinctionis sextimembris membra.  
 Quæ tridistinctio sextimembris, cuius duo media  
 propinqua,  $ABC$ ,  $ABc$ , cum non possit aliter esse,  
 ipsa est vna.  
 Quare, &c.

*Theor. 8. Prop. 8.*

Tridistinctio bimembris vna.

*Hypoth.*

Tridistinctionis bimembris, tres distinctiones sunt  $A, a; B, b;$   
 $C, c$ : & vnum esto membrum  $ABC$ .

Dico tridistinctionem huiusmodi bimembrem vnam esse.

*Demonstr.*

*21. 2.* | Nam aliud membrum non potest esse ipsi  $ABC$ , pro-  
 pinquum, vt fiat tridistinctio bimembris  $ABC, ABc$ ;  
 neque remotum, vt fiat  $ABC, Abc$ : nam duæ eæ-  
 dem partes, vel saltem vna, omnia membra limita-  
 ret, contra 20. 2; & earum contradictoriæ duæ, vel  
 saltem vna, nullatenus ad limitandum cōuenirent,  
 contra 21. 2. Ergo aliud membrum non potest ef-  
 se nisi ipsi  $ABC$ , compar, quod est  $abc$ ; vt fiat bidi-  
 stinctio bimembris  $ABC, abc$ , quæ non potest aliter  
 esse.  
 Quare, &c.

*Theor. 9. Prop. 9.*

Tridistinctionis vni membro alia duo propinqua, ab inuicem  
 sunt remota.

*Hy-*



*Hypoth.*

Esto tridistinctionis vnum membrum  $ABC$ , eique propinqua duo  $ABc$ ,  $aBC$ .

Dico  $ABc$ ,  $aBC$ , ab inuicem remota esse.

*Demonstr.*

*def. 6.* | Propinquorum enim  $ABc$ ,  $ABC$ , duę sunt partes communiter limitantes  $A$ ,  $B$ : & propinquorum  $ABC$ ,  $aBC$ , duę communiter limitantes  $B$ ,  $C$ ; non eadem duę, duabus; sed vna duarum, vni duarum eadem  $B$ . Ergo  $ABc$ ,  $aBC$ , ab inuicem sunt remota. Quod, &c.

*def. 7.* | Quare, &c.

*Theor. 10. Prop. 10.*

Tridistinctionis tria membra bina inuicem propinqua esse non possunt.

*Demonstr.*

*9. h.* | Nam duo tridistinctionis membra, vni alij membro propinqua, sunt ab inuicem remota. Quare tria, inuicem propinqua esse non possunt.

*Theor. 11. Prop. 11.*

Tridistinctiones quintimembres tres.

*Demonstr.*

*10. h.* | De octo plurimis tridistinctionis membris, & quatuor paribus, quinque assumpta quintimembris tridistinctionis membra sunt, vel duo paria terminorum, & vnum medium: vel vnum par terminorum, puta  $ABC$ ,  $abc$ , & tria media ab inuicem remota  $aBC$ ,  $ABc$ ,  $AbC$ : vel rursus vnum par terminorum  $ABC$ ,  $abc$ , & tria media, propinqua inuicem, & remota,  $abC$ ,  $aBc$ ,  $aBC$ . Nam tria media bina inuicem propinqua esse non possunt. Quare tridistinctiones quintimembres tres numerantur.

*The-*



*Theor. 12. Prop. 12.*

Tridistinctio quintimembris, cuius duo membrorum paria, vna.

*Hypoth.*

Tridistinctionis quintimembris tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & duo membrorum paria  $ABC, abc, ABc, abC$ . Dico tridistinctionem quintimembrem huiusmodi, vnam esse.

*Demonstr.*

*def. 6.* Medium enim membrum est vnum ex quatuor  $AbC, aBc, aBC, Abc$ : quod si est  $AbC$ , est duobus ex assumptis quatuor membris propinquum, videlicet *def. 7.* ipsis  $ABC, abC$ ; & à duobus  $abc, ABc$ , remotum. Similiter si est  $aBc$ , duobus  $abc, ABc$ , est propinquum, & à duobus  $ABC, abC$ , remotum. Item si est  $aBC$ : & si est  $Abc$ . Quatuor itaque sunt quintimembres tridistinctiones; inuicem tamen indifferentes; & quæ vnam speciem constituunt tridistinctionis quintimembris duorum parium. Quod, &c. Quare, &c.

*Theor. 13. Prop. 13.*

Tridistinctio quintimembris, cuius tria media membra ab inuicem remota, vna.

*Hypoth.*

Tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & vnum tridistinctionis quintimembris membrum esto  $ABC$ , eique compar  $abc$ : & eorum vni, puta ipsi  $ABC$ , propinqua tria  $ABc, AbC, aBC$ : & ex his tridistinctio quintimembris  $ABC, abc, ABc, AbC, aBC$ : vel sunt eorum alteri  $abc$ , propinqua tria  $abC, aBc, Abc$ ; & ex his tridistinctio quintimembris  $ABC, abc, abC, aBc, Abc$ . Dico tridistinctionem quintimembrem huiusmodi vnam esse.

*De-*



*Demonstr.*

10. b. Tria enim membra vni cuidam propinqua, inuicem remota sunt: & duæ tridistinctiones quintimembres sunt, quarum tria media ab inuicem remota, indifferentes sunt, & non aliter, atque aliter se habent, & vnam constituunt tridistinctionis quintimēbris speciē, cuius tria media remota. Quod, &c. Quare, &c.

*Theor. 14. Prop. 14.*

Tridistinctio quintimembris, cuius tria membra media, & eorum vni duo propinqua, est vna.

*Hypoth.*

Tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & vnum tridistinctionis quintimembris membrum esto  $ABC$ ; cui propinqua tria  $ABc, AbC, aBC$ : & eorum vni  $aBC$ , compar membrum esto  $Abc$ : vt sit quintimembris tridistinctio  $ABC, ABc, AbC, aBC, Abc$ : vel ipsi  $AbC$ , compar membrum esto  $aBc$ , vt sit quintimembris tridistinctio  $ABC, ABc, AbC, aBc, abc$ : vel denique ipsi  $Abc$ , compar membrum esto  $abC$ , vt sit quintimembris tridistinctio  $ABC, ABc, AbC, aBc, abC$ .

Dico tridistinctionem quintimembrem huiusmodi vnam esse.

*Demonstr.*

Licet enim tres huiusmodi tridistinctiones quintimembres appareant, tamen propter indifferentiam, cum non aliter, & aliter se habeant, vnam constituunt speciem tridistinctionis quintimembris, cuius tria media, & eorum vni, duo sunt propinqua. Quod, &c.

Quare, &c.

*Theor. 15. Prop. 15.*

Tridistinctio trimembris non est, cuius vni membro duo reliqua sint propinqua.

G

Hy-



*Hypoth.*

Tres distinctiones sunt  $A, a; B, b; C, c$ : & vnum tridistinctionis membrum  $ABC$ , cui propinqua duo membra  $ABc, aBC$ .

Dico non esse tridistinctionem trimembrem  $ABC, ABc, aBC$ .

*Demonstr.*

def. 6. Nam cum in duobus  $ABc, aBC$ , duæ sint communes partes  $A, B$ ; & in duobus  $ABC, aBC$ , duæ communes partes  $B, C$ : necesse est omnium esse communem partem  $B$ . Porro nulla est multidistinctio, cuius omnium membrorum vna pars communis. Ergo non est tridistinctio trimembris  $ABC, ABc, aBC$ . Quod, &c.

Quare, &c.

*Theor. 16. Prop. 16.*

Tridistinctiones trimembres duæ.

*Demonstr.*

def. 6. Nam vel tria membra sunt duo extrema, & vnum;  
def. 7. alteri extremorum propinquum, & ab altero remotum; & huiusmodi vna est tridistinctio trimembris: vel tria membra sunt ab inuicem remota, puta tria alij cuipiam  $AbC$ , propinqua, nempe  $ABC, Abc, aBC$ ; & huiusmodi alia est tridistinctio trimembris, vbi & tres partes  $A, b, C$ , binæ, & eorum contradictoriæ  $a, B, c$ , singulæ in singulis membris ad limitandum assumuntur, vt ita nec vna, desit ex sex, nec eadem in omnibus reperitur. Neque vero possibile est trimembrem tridistinctionem excogitare, cuius tria membra binæ inuicem sint propinqua: neque aliam, cuius vni membro reliqua duo sint propinqua, quæ ab inuicem remota erunt. Quare tridistinctiones trimembres duæ.

*The-*



*Theor. 17. Prop. 17.*

Tridistinctio trimembris, cuius vnum par membrorum, vna.

*Demonstr.*

def. 6.

def. 7.

Nam quodcunque sit par membrorum  $ABC$ ,  $abc$ ; & quodcunque sit aliud medium membrum  $ABC$ ; non possunt aliter ad inuicem esse, quam quod  $ABC$ , vni extremorum  $ABC$ , sit propinquum, & ab altero  $abc$ , sit remotum. Quare tridistinctio trimembris, cuius vnum par membrorum est vna.

*Theor. 18. Prop. 18.*

Tridistinctio trimembris, cuius nullum par membrorum, vna.

*Demonstr.*

16. h.

10. h.

15. h.

Nam nō potest aliter esse, quam quod tria eius membra sint ab inuicem remota: neque enim quod tria membra sint inuicem propinqua, quod mixtum sint propinqua inuicem, & remota, possibile est excogitare. Quare tridistinctio trimembris, cuius nullum par membrorum, est vna.

*Theor. 19. Prop. 19.*

Tridistinctiones quadrimembres quinque.

*Demonstr.*

Nam vel quatuor membra, duo paria sunt membrorum, & huiusmodi vna est tridistinctio: vel quatuor membra, sunt vnum par membrorum, & duo reliqua membra propinqua inuicem, & huiusmodi altera est tridistinctio: vel rursus quatuor membra sunt vnum par membrorum, & duo reliqua membra sunt ab inuicem remota, & huiusmodi tertia est tridistinctio; vel omnia membra sunt media, vni eorum propinqua, & huiusmodi quarta est tridistinctio: vel etiam omnia membra media, ab vno eorum



remota sunt, & huiusmodi quinta est tridistinctio. Tridistinctiones ergo quadrimembres quinque.

*Theor. 20. Prop. 20.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius duo paria membrorum, vna.

*Demonstr.*

17. b.

Nam tridistinctio trimembris, cuius vnum par membrorum, vna est, quia medium vni extremorum, propinquum, ab altero est remotum; neque potest aliter esse. Itaque huiusmodi sunt etiam tria quilibet de quatuor membris tridistinctionis propositæ: & sunt huiusmodi quatuor membra, tam duo inuicem propinqua, cum eorum comparibus, quam indifferenter, duo ab inuicem remota, cum eorum comparibus. Vna ergo est huiusmodi quadrimembris tridistinctio.

*Theor. 21. Prop. 21.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius vnum par membrorum, & duo media propinqua, vna.

*Demonstr.*

def. 6.

def. 7.

9. b.

def. 6.

Nam cum duorum mediorum vnum necesse sit, quod vni extremorum sit propinquum, & consequenter quod ab altero sit remotum: necesse etiam est, quod alterum mediorum ab eodem vno extremorum sit remotum, & alteri propinquum: cumque non possint extrema, & media aliter se habere, manifestum est tridistinctionem quadrimembrem huiusmodi vnam esse.

Quare, &c.

*Theor. 22. Prop. 22.*

Si trium tridistinctionis membrorum primum à secundo, secundum à tertio remotum fuerit: etiam primum à tertio remotum erit.

Hy-

*Hypoth.*

Esto primum  $ABC$ , à secundo  $Abc$ , remotum, & secundum  $Abc$ , à tertio  $abc$ , remotum.

Dico primum  $ABC$ , à tertio  $abc$ , remotum esse.

*Demonstr.*

*def. 7.* Primum, & secundum  $ABC$ ,  $Abc$ , habent solam communem limitantem  $A$ : secundum, & tertium  $Abc$ ,  $abc$ , habent solam communem limitantem  $b$ : ergo  $A$ , primi, & secundi, ad  $a$ , tertij est contradictoria: &  $B$ , primi, ad  $b$ , secundi, & tertij contradictoria: &  $C$ , primi, ad  $c$ , secundi contradictoria; necnon  $c$ , secundi ad  $C$ , tertij contradictoria: ideoque  $C$ , primi, & tertij eadem est limitans: & primum  $ABC$ , à tertio  $abc$ , est remotum. Quod, &c.

*p. p. def. 7.* Quare, &c.

*Theor. 23. Prop. 23.*

Si duorum cuiuspiam tridistinctionis membrorum ab inuicem remotorum, vnum alij propinquum fuerit: etiam alterum eidem propinquum erit.

*Hypoth.*

Duorum cuiuspiam tridistinctionis membrorum primum à secundo sit remotum; & primum tertio propinquum.

Dico etiam secundum tertio propinquum esse.

*Demonstr.*

*22. b.* Si enim secundum à tertio remotum esset, cum primum à secundo remotum sit, etiam primum à tertio remotum esset, contra hypothesim. Ergo secundum à tertio non est remotum. Ergo secundum tertio est propinquum. Quod, &c.

*def. 6.* Quare, &c.



*Theor. 24. Prop. 24.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius vnum par membrorum,  
& duo media remota, vna.

*Demonstr.*

*def. 6.* | Nam cum duorum mediorum vnum necesse sit, quod  
*23. h.* | vni extremorum sit propinquorum; & consequen-  
*def. 7.* | ter alterum eidem extremo sit propinquum; &  
| vtraque media, ab altero extremo sint remota;  
| cumque non possint aliter extrema, & media se  
| habere; manifestum est tridistinctionem quadri-  
| membris huiusmodi, vnam esse.  
| Quare, &c.

*Theor. 25. Prop. 25.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius vni membro propinqua  
tria, vna.

*Hypoth.*

Esto tridistinctionis quadrimembris vnum membrum  $ABC$ ,  
cui propinqua reliqua tria.

Dico tridistinctionem quadrimembrem huiusmodi, vnam  
esse.

*Demonstr.*

*def. 6.* | Membri  $ABC$ , tres partes  $A, B, C$ , binæ trifariam  
*21. 2.* | assumptæ  $AB, AC, BC$ , cum contradictorijs reli-  
*20. 2.* | quarum, collimitant tria membra  $ABc, AbC,$   
|  $aBC$ , ipsi  $ABC$ , propinqua: cumque singulæ, sin-  
| gularumque contradictoriæ omnes, & non vna  
| eadem, ad collimitanda omnia membra fuerint  
| assumptæ, manifestum est tridistinctionem qua-  
| drimembrem esse  $ABC, ABc, AbC, aBC$ , cuius  
| vni membro  $ABC$ , propinqua tria: cumque hu-  
| iusmodi non possit aliter esse; manifestum est vnam  
| speciem esse.  
| Quare, &c.

*The-*

*Theor. 26. Prop. 26.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius ab vno membro remota tria, vna.

*Hypoth.*

Esto tridistinctionis quadrimembris vnum membrum  $ABC$ , à quo remota reliqua tria.

Dico tridistinctionem quadrimembrem huiusmodi vnam esse.

*Demonstr.*

*def. 7.* Membri  $ABC$ , tres partes  $A, B, C$ , singula trifariam assumptæ, cum contradictorijs reliquarum, collimitant tria membra  $Abc, aBc, abC$ , ab  $ABC$ , remota: cumque singula, singularumque contradictoria omnes, & non vna eadem, ad collimitanda omnia membra, fuerint assumptæ, manifestum est tridistinctionem quadrimembrem esse  $ABC, Abc, aBc, abC$ , cuius ab vno membro  $ABC$ , remota tria: cumque huiusmodi non possit aliter esse; manifestum est vnam speciem esse.

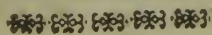
Quare, &c.

*Theor. 27. Prop. 27.*

Tridistinctiones sexdecim.

*Demonstr.*

*8. h.* Bimembris vna, Trimembres duæ, Quadrimembres  
*16. h.* quinque, Quintimembres tres, Sextimembres tres,  
*19. h.* Septimembris vna, Octomembris vna, numerum  
*11. h.* omnium sexdecim componunt.  
*4. h.* Quare, &c.  
*3. h.*  
*2. h.*



THEO-



## THEOREMAT A.

- 28 Tridistinctionis bimembris sex partes singula collim-  
tant membra : vt  $ABC, abc$ .
- 
- 29 Tridistinctionis trimembris, cuius vnum par membro-  
rum, tres partes bina, tres singula collimitant membra :  
vt  $ABC, abc, ABc$ .
- 
- 30 Tridistinctionis trimembris, cuius nullum par, tres par-  
tes bina, tres singula collimitant : vt  $ABC, Abc, aBc$ .
- 
- 31 Tridistinctionis quadrimembris duorum parium mem-  
brorum, sex partes bina collimitant : vt  $ABC, abc, Abc,$   
 $aBC$ .
- 
- 32 Tridistinctionis quadrimembris duorum mediorum,  
inuicem propinquorum, duæ partes terna, duæ bina, duæ  
singula collimitant membra : vt  $ABC, abc, Abc, AbC$ .
- 
- 33 Tridistinctionis quadrimembris duorum mediorum ab  
inuicem remotorum, vna pars terna, quatuor bina, vna  
vnum collimitant : vt  $ABC, abc, Abc, aBc$ .
- 
- 34 Tridistinctionis quadrimembris, cuius tria membra re-  
liquo sunt propinqua, tres partes terna, tres singula colli-  
mitant : vt  $ABC, ABc, AbC, aBC$ .
- 
- 35 Tridistinctionis quadrimembris, cuius tria membra à  
reliquo sunt remota, sex partes bina collimitant membra :  
vt  $ABC, Abc, aBc, abC$ .
- 
- 36 Tridistinctionis quintimembris duorum parium, tria  
terna, tria bina, collimitant membra : vt  $ABC, abc, ABc,$   
 $abC, Abc$ .
- 
- 37 Tridistinctionis quintimembris trium ab inuicem re-  
moto-



motorum mediorum tres partes terna, tres bina collimitant : vt  $ABC, abc, ABc, aBC, AbC$ .

38 Tridistinctionis quintimembris trium mediorum, duorum vni propinquorum, vna pars quatuor, duæ terna, duæ bina, vna vnum membrum collimitant : vt  $ABC, abc, ABc, aBc, Abc$ .

39 Tridistinctionis sextimembris trium parium, sex partes terna collimitant membra : vt  $ABC, abc, ABc, abC, aBc, AbC$ .

40 Tridistinctionis sextimembris duorum mediorum ab inuicem remotorum, vna pars quatuor membra, quatuor partes terna, vna duo membra collimitant : vt  $ABC, abc, ABc, abC, aBc, Abc$ .

41 Tridistinctionis sextimembris duorum mediorum inuicem propinquorum, duæ partes quaterna, duæ terna, duæ bina collimitant : vt  $ABC, abc, ABc, abC, aBc, AbC$ .

42 Tridistinctionis septimembris tres quaterna, tres terna collimitant : vt  $ABC, abc, ABc, abC, Abc, aBC, AbC$ .

43 Tridistinctionis octomembris sex partes quaterna collimitant membra : vt  $ABC, abc, ABc, abC, Abc, aBC, AbC, aBc$ . Quorum omnium ex ipso aspectu characterum, & numeratione, facilis est demonstratio.

*Theor. 44. Prop. 44.*

Tridistinctio bimembris improprie est tridistinctio, & verius est simplex distinctio.

*Demonstr.*

28. h. | Nam tridistinctionis bimembris tres partes, quæ vnũ collimitant membrum, sunt congruentes; alioquin



quin non duorum tantum membrorum esset tridistinctio: cumque sint congruentes, verius una sunt pars, quam tres; & eorum contradictoriae inuicem congruentes, alia sunt pars; tresque distinctiones, una sunt distinctio; & tridistinctio est simplex distinctio. Quod, &c.

Quare, &c.

*Theor. 45. Prop. 45.*

Tridistinctio trimembris, cuius vnum par membrorum, est bidistinctio.

*Hypoth.*

Esto tridistinctio trimembris, cuius vnum par membrorum  $ABC, abc, Abc$ .

Dico hanc esse bidistinctionem  $BC, bc, Bc$ .

*Demonstr.*

*reg. 8. 3.* Quoniam  $A, B$ , non nisi simul collimitant, sunt congruentes, & sunt una pars  $B$ ; item  $a, b$ , congruentes sunt, & pars una  $b$ ; & duae distinctiones  $A, a$ ;  $B, b$ , una distinctio  $B, b$ : quae cum distinctione  $C, c$ , faciunt bidistinctionem trimembrem  $BC, bc, Bc$ ; non bimbrem, alioquin  $Bc$ , non collimitarent; nec quadrimembrem, alioquin  $bc$ , collimitarent, ideoque etiam  $abc$ , collimitarent, contra hypothesis.

Quare, &c.

*Theor. 46. Prop. 46.*

Tridistinctio quadrimembris, cuius duo paria membrorum, est bidistinctio.

*Hypoth.*

Esto tridistinctio quadrimembris, cuius duo paria membrorum,  $ABC, abc, Abc, aBC$ .

Dico hanc esse bidistinctionem  $AC, ac, Ac, aC$ .

De-

*Demonstr.*

reg 8.3. | Quoniam  $B, C$ , non nisi simul collimant, sunt con-  
 p. p. | gruentes, & sunt una pars  $C$ ; item  $b, c$ , sunt una  
 5.3. | pars  $c$ ; & duæ distinctiones  $B, b; C, c$ , una distinctio:  
 quæ cum distinctione  $A, a$ , faciunt bidistinctionem  
 quadrimembrem  $AC, ac, Ac, aC$ . Quod, &c.  
 Quare, &c.

*L A V S D E O.*



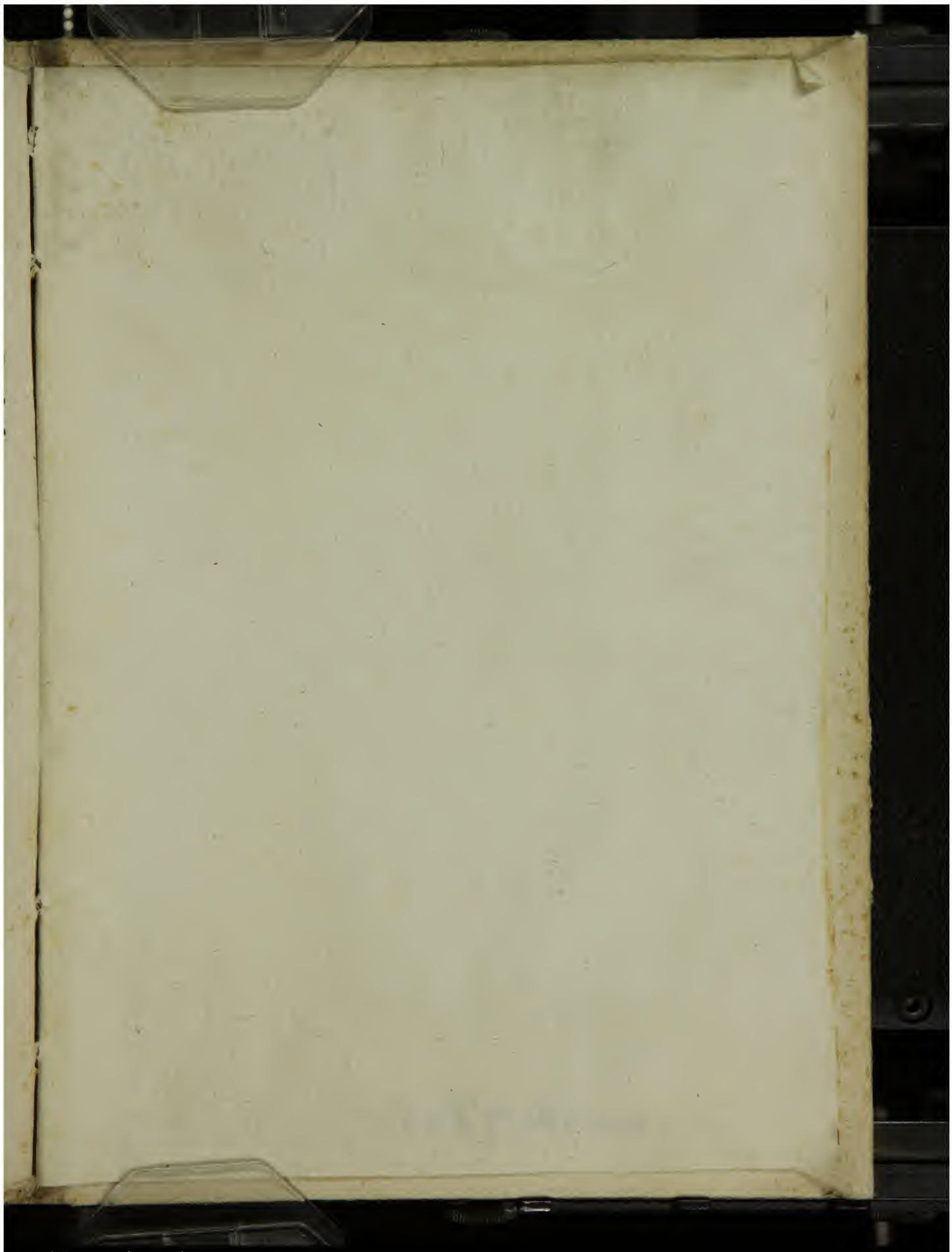


*Vidi ego Silvester Bonfiliolus Philos. & Med.  
Doct. pro Reuerendiss. P. Inquisit. Bonon.  
& admitti posse censui.*

*V. D. Fulgentius Orighetus Pœnitentiar. pro  
Eminentiss. & Reuerendiss. D. D. Card.  
Hieronymo Boncompagno, Bonon. Archie-  
pisc. & Principe.*

**Imprimatur**

*Vic. S. Officij Bonon.*





005643773

